

## رياضيات

قاموس قائمة المصطلحات من جميع الوحدات

و قسم " المفاهيم الهندسية الأساسية "

مترجمة للغة العربية



Funded by the  
Asylum, Migration and  
Integration Fund of the  
European Union



ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ  
ΘΕΣΣΑΛΙΑΣ





## رياضيات

قاموس قائمة المصطلحات من جميع الوحدات

و قسم " المفاهيم الهندسية الأساسية "

مترجمة للغة العربية



Funded by the  
Asylum, Migration and  
Integration Fund of the  
European Union



ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ  
ΘΕΣΣΑΛΙΑΣ





**ΕΡΓΟ ALP**

**ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ**

**ΣΥΝΤΟΝΙΣΤΗΣ ΣΥΓΓΡΑΦΙΚΗΣ ΟΜΑΔΑΣ**

**ΤΡΙΑΝΤΑΦΥΛΛΟΣ ΤΡΙΑΝΤΑΦΥΛΛΙΔΗΣ**

Καθηγητής Πανεπιστημίου Θεσσαλίας

**ΣΥΓΓΡΑΦΕΙΣ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΟΥ ΥΛΙΚΟΥ**

**ΜΑΗΑ FARAΗ**

**ΜΙΧΑΛΗΣ ΚΑΣΚΑΝΤΑΜΗΣ**

**ΒΙΚΥ ΠΑΠΑΓΙΑΝΝΑΚΟΠΟΥΛΟΥ**

**ΒΑΓΓΕΛΗΣ ΦΑΚΟΥΔΗΣ**

**ΚΡΙΤΙΚΟΣ ΑΝΑΓΝΩΣΤΗΣ ΙΕΠ**

**ΚΩΣΤΑΣ ΣΤΟΥΡΑΪΤΗΣ**

**ΜΕΤΑΦΡΑΣΗ ΣΤΑ ΑΡΑΒΙΚΑ**

**INAAM ALIBRAHIM**

MSc Language Education for Refugees and Migrants

**ΕΙΚΟΝΟΓΡΑΦΗΣΗ**

**ΑΠΟΣΤΟΛΗΣ ΠΑΠΑΚΩΝΣΤΑΝΤΙΝΟΥ**

**ΕΠΙΣΤΗΜΟΝΙΚΑ ΥΠΕΥΘΥΝΟΣ ΕΡΓΟΥ ALP**

**ΓΙΩΡΓΟΣ ΑΝΔΡΟΥΛΑΚΗΣ**

Διευθυντής του Εργαστηρίου ΜΔΔ Ελληνικής Γλώσσας και Πολυγλωσσίας

Πανεπιστήμιο Θεσσαλίας

**ΥΠΕΥΘΥΝΟΙ ΓΙΑ ΤΗ UNICEF**

**ΝΑΟΚΟ ΙΜΟΤΟ**

**ΓΙΩΡΓΟΣ ΣΙΜΟΠΟΥΛΟΣ**

**ΕΚΠΡΟΣΩΠΟΣ ΓΝΩΜΟΛΟΤΙΚΗΣ ΕΠΙΤΡΟΠΗΣ ΙΕΠ**

**ΝΤΟΡΕΤΤΑ ΑΣΤΕΡΗ**

**©COPYRIGHT**

2020, UNICEF & GLML, UNIVERSITY OF THESSALY



## جدول المحتويات باللغة العربية

الرياضيات

جدول المحتويات

الوحدة ب 1 : مفاهيم الهندسة الأساسية

القاموس



## الفصل A – مفاهيم هندسية أساسية

## A 1 – المستقيم

**النقطة:** تقاطع سطرين ، أتر قلمنا على قطعة من الورق ، نقطة ، يعطينا صورة للنقطة

النقطة ليس لها طول ولا عرض

في الهندسة نطلق أحياناً أسماء على النقاط. دائماً ما يكون اسم النقطة حرفاً كبيراً ، على سبيل المثال أ ، ب ، ج ، إلخ ،

أقصر طريق بين نقطتين على سبيل المثال الـ A و B هو قسم مستقيم (خط ممتد ذو طرفين A و B).  
نحتاج إلى مسطرة (الصورة) لتصميمه يأخذ يأخذ المقطع الخطي اسمه من حوافه ، نقول "المقطع BA".

لا يهم ترتيب الحروف القطعة المستقيمة BA هي نفسها AB

القطعة المستقيمة لها طول فقط وليس لها عرض

## المستقيم

**الخط المستقيم:** حبل مشدود يعطينا صورة خط مستقيم. إذا قمنا بمساعدة القاعدة بتمديد مقطع من خط مستقيم AB إلى يساره A وإلى يمينه B بقدر ما نريد ، عندها يكون لدينا خط. الخط ليس له حواف

يمكن أن يكون اسم الخط....

حرف صغير على سبيل المثال

$\epsilon$

حرفان صغيران متطابقان (أحدهما ذوقحة)  
( على سبيل المثال المستقيم

$x'x$

أو اسم نقطتين على الخط ، على سبيل  
المثال المستقيم

AB

<sup>1</sup>Ένας χάρακας χωρίς μονάδες μέτρησης.

**النشاط A 1.2 (مناقشة مع المجموعة)**

- نفترض أن تكون نقطة  $O$
- انشأ خطاً (مستقيم) يمر عبر  $O$
- تستطيع بأذن ترسم واحد آخر
- كم عدد الخطوط المستقيمة التي برأيك يمكن اجتيازها  $O$

لنكن الآن نقطتين  $A$  و  $B$

- ارسم خطاً مستقيم يمر عبر  $A$  و  $B$
- تستطيع تصميم واحد آخر
- كم عدد الخطوط المستقيمة التي تعتقد أنها يمكن أن تمر عبر هاتين النقطتين؟

أملأ أتعلم

عبر نقطتين يمر .....

عبر نقطة و احدة يمر .....

**نصف المستقيم**

نمد مقطعاً مستقيماً  $BA$  إلى جانب واحد فقط (باتجاه واحد). الشكل الجديد يسمى **نصف مستقيم**. نصف المستقيم له بداية ولكن ليس له نهاية. اسم **نصف المستقيم** هو: حرف كبير (بدايته) وحرف صغير (من آخر الأبجدية اليونانية  $\alpha, \beta, \gamma, \delta, \epsilon, \zeta, \eta, \theta, \iota, \kappa, \lambda, \mu, \nu, \xi, \omicron, \pi$ ).

نفترض على سبيل المثال نصف المستقيم  $A\chi$

لا يرمز الحرف  $\chi$  الى موضع النقطة

نقطة  $A$  على خط مستقيم

$\chi\chi'$  تحدد اثنتين من نصف المستقيم

$A\chi$  و  $A\chi'$

**النشاط A1.3****A**

- (1) كم عدد المقاطع المستقيمة التي تحدد النقاط الثلاث **A**، **B**، و  $\Gamma$  في كل حالة؟  
 (2) كم عدد الأسطر التي تحدد النقاط الثلاث **A**، **B**،  $\Gamma$  في كل حالة؟

**B**

- الآن ارسم أربع نقاط  
 $\Delta$ ، **B**،  $\Gamma$ ، **A**  
 كم عدد الطرق المختلفة التي يمكنك القيام بها؟ (احسب عدد النقاط الموجودة على نفس الخط)

## قياس الطول

كان قياس الطول والمسافة من أول الأشياء التي أراد الإنسان القيام بها

### القياس = المقارنة

قياس الطول يعني مقارنته بطول آخر معروف وثابت وأحسب عدد المرات التي يكون فيها أكبر أو أقل من ذلك بالضبط. يسمى هذا الطول المعروف والثابت بوحدة قياس

منذ زمن بعيد ، استخدم الناس أجزاء من أجسادهم كوحدة قياس. لأطوال قصيرة ، استخدموا أصابعهم أو راحة يدهم أو شبر. (كف واحد 4 أصابع ، كف واحد 2 كف)

لأطوال أطول قليلاً ، استخدموا أيضاً جزء من الذراع ، من الكوع إلى الأصابع وأطلقوا عليه اسم ساعد (ذراع 1 ذراع 4 أصابع)

حتى أنهم استخدموا القدم والخطوة

### نشاط (جماعي)

(أ) حاول قياس طول مقعدك بوحدة قياس في راحة يدك. كم كف (كف اليد) هناك؟ إذن كم عدد الأصابع؟  
 (ب) قم بقياس عرض الكمبيوتر الدفتري الخاص بك بوحدة من إصبعك. كم عدد الأصابع هناك؟ كم كف (كف اليد)؟  
 (ج) قم بقياس عرض الغرفة التي تتواجد بها بوحدة قدمك. كم قدم هو؟ كم نخلة؟  
 قارن النتائج التي وجدتها. ما مدى اختلافهم؟ لماذا؟

لم يكن القياس بهذه الوحدات دائماً هو نفسه. الكف ، على سبيل المثال ، يختلف من شخص لآخر. وهكذا ، وافقت معظم الدول ، في عام 1791 في فرنسا ، على استخدام نفس وحدة قياس الطول. كوحدة قياس ، كان  $\frac{1}{10,000,000}$  مسافات خط الاستواء من القطب الشمالي هذه المسافة كانت تسمى مقياس. يتم تقسيم كل وحدة قياس إلى وحدات أصغر.

تم تقسيم كل وحدة قياس إلى وحدات أصغر. لذلك قمنا بتقسيم المتر الواحد إلى 10 قطع (ديسيمتر) ، كل منها إلى 10 (سم) أخرى وكل واحدة منها إلى 10 (مليمتر) أخرى.

$$dm = \text{ديسيمتر} = \text{عشر}$$

$$cm = \text{سنتيمتر} = \text{مئة}$$

$$mm = \text{مليمتر} = \text{مليمتر}$$

$$1m = 10 dm = 100cm = 1000mm$$

$$1dm = 10cm = 100 mm$$

$$1cm = 10mm$$

للمسافات الطويلة نستخدم الكيلومتر كوحدة قياس كم

$$1km( \text{كم} ) = 1000m( \text{متر} )$$

توضح الأشكال التالية الانتقال من وحدة إلى أخرى على سبيل المثال

$$3\text{cm} = (3 \times 10) = 30\text{mm}$$

$$12\text{dm} = (12 \times 100) = 1200\text{mm}$$

$$3,2\text{m} = (3,2 \times 100) = 320\text{cm}$$

$$2,1\text{km} = (2,1 \times 1000) = 2100\text{m}$$

$$200\text{cm} = (200 : 100) = 2\text{m}$$

$$120\text{mm} = (120 : 100) = 1,2\text{dm}$$

## تمرين 1

املا المعادلات

$$320 \text{ سنتيمتر} = \dots \text{ ديسيمتر} = \dots \text{ م}$$

$$5,2 \text{ كم} = \dots \text{ م} = \dots \text{ ملليمتر}$$

$$45000 \text{ ميليمتر} = \dots \text{ م}$$

$$20 \text{ ديسيمتر} = \dots \text{ ميليمتر}$$

$$780 \text{ سنتيمتر} = \dots \text{ م} = \dots \text{ كم}$$

## تمرين 2

ابحث وخطط لأقصر طريق من الموضع

A الى الموقع B

(المناطق الرمادية عبارة عن مبانٍ ولا يمكنك السير هناك)

## 2.A - الزاوية

منعطف - ادور - انعطف - أدور حول....

لدينا اثنين من نصف المستقيم  $O\psi$ ,  $O\chi$  لديهما نفس البداية O. نعطف  $O\psi$  حول O كما ترى . عندها  $O\psi$  يحذف (يلون) المنطقة الحمراء.

هذه المنطقة مع نصف المستقيم  $O\psi$ ,  $O\chi$  و النقطة O تدعى الزاوية

تسمى أنصاف المستقيم ( الخطوط النصفية)  $O\psi$ ,  $O\chi$  حواف الزاوية و النقطة O تسمى رأس الزاوية. حواف الزاوية تمتد بقدر ما تريد.

عما يكون نصف المستقيم  $O\psi$  مع نصف المستقيم  $O\chi$  يصبحون مستقيم عندها فاننا نقول بأنها تشكل **زاوية**

**قائمة** حتى تصل الزاوية المستقيمة كل زاوية تسمى **محدبة**

إذا  $O\psi$  استمر بالدوران فانه يشكل **زاوية غير محدبة**

نصف المستقيم  $O\psi$  يعمل دورة كاملة ويقع فوق  $O\chi$ . عندها الزاوية التي شكلها تسمى **الزاوية الكاملة**

قبل بدأ دوران نصف المستقيم  $O\psi$  فإنه يتواجد فوق  $O\chi$  عندها فان الزاوية التي تتشكل تكون **الزاوية**

**الصفريّة**

### اسم الزاوية

**حرف صغير** ، على سبيل المثال زاوية  $\hat{O}$   
 أو رأس (إذا لم يكن هناك زاوية أخرى في الشكل لها نفس الرأس) على سبيل المثال الزاوية  $\hat{B}$   
 أو 3 أحرف. الرأس دائما في المنتصف! على سبيل المثال  $\hat{\chi O \psi}$  أو  $\hat{\psi O \chi}$  أو الزاوية  $\hat{AB\Gamma}$  أو  $\hat{\Gamma BA}$

اثنين من نصف المستقيمتين  $O\psi$ ,  $O\chi$  بنفس البداية  $O$  , يشكلن دائما زاويتين واحدة محدبة و الاخرى غير محدبة

عندما نقول الزاوية  $\hat{\chi O \psi}$  , إذا أردنا أن نقول عن الزاوية الغير محدبة فاننا نقول: نعني الزاوية المحدبة

فاننا نقول زاوية محدبة  $\hat{\chi O \psi}$ .

زاوية واحدة لديها : رأس ، أضلاع ونقاط داخلية.

أي من النقاط التي تراها تنتمي الى الزاوية  $\hat{O}$  .....

**تمرين A.2.1** نرسم !

نلون باللون الأزرق الزوايا:

$\hat{BKE}$   $\beta$   $\hat{ABA}$   $\gamma$   $\hat{B\Delta\Gamma}$   $\alpha$

نلون باللون الأحمر الزوايا

$\hat{KBE}$   $\beta$   $\hat{A\Delta B}$   $\gamma$   $\hat{KET}$   $\beta$

**تمرين A.2.2** اكتب اسم الزاوية:

اكتب (بثلاثة أحرف) اسم الزاوية الملونة:

$\alpha$  البرتقالي: .....

..... (β) الأخضر:

..... (γ) الأزرق:

..... (δ) الأصفر:

..... (ε) البني:

..... (σ) البنفسجي:

### نشاط: A.2.1: اقرن الزوايا

نريد بأن نقارن الزاوية  $\widehat{\Gamma K \Delta}$  مع الزاوية  $\widehat{B O A}$ . وعندها نفكر كما و لو أننا نقلنا الزاوية  $\widehat{K}$  فوق  $\widehat{O}$   
 بحيث تكون الرؤوس  $O, K$  والاضلاع  $OA, \Gamma K$  واحدة فوق الاخرى ماذا يمكن ان يحدث عندها  
 بالاضلاع الاخرى  $OB$  و  $K\Delta$

املا الفراغات بالكلمة المناسبة (يساوي ، أقل ، أكبر) أو الرمز المناسب ( $=, <, >$ )

أ)  $^2$  أو يتطابق و الجانب الآخر و عندها تكون الزوايا ..... ونكتب

$\widehat{A O B} \dots \widehat{\Gamma K \Delta}$

ب) أو سوف "تقع بداخل" بداخل  $\widehat{O}$  و عندها  $\widehat{K}$  ستكون .....  $\widehat{O}$  ("بفتحة" أصغر) ونكتب

$\widehat{A O B} \dots \widehat{\Gamma K \Delta}$

ج) أو سوف "يقع" في داخل  $\widehat{O}$  و عندها  $\widehat{K}$  سوف يكون ..... من  $\widehat{O}$  أكبر "فتحة"

و نكتب  $\widehat{A O B} \dots \widehat{\Gamma K \Delta}$

عندما يتقاطع خطان ويشكلان أربع زوايا  
متساوية الخطوط (المستقيمات) تسمى  
الرأسية. الزاوية المتكونة تسمى زاوية  
قائمة

<sup>2</sup> Συμπέσει = να πέσει η μία πάνω στην άλλη.

كلماتي الجديدة

.....

.....

.....

.....

.....

أي زاوية أصغر (أقل) من القائمة تسمى **الزاوية الحادة**  
 أي زاوية أكبر من القائمة وأصغر (أقل) من المستقيمة تسمى **الزاوية المنفرجة**

تمارين: **A.2.3** أنواع الزوايا

ارسم زاوية من كل نوع

زاوية صفرية	زاوية حادة
زاوية قائمة	زاوية منفرجة
زاوية مستقيمة	زاوية غير محدبة
زاوية كاملة	

## - A.3- المسافة -

عمودي من.....الى.....

لرسم خط عمودي على آخر بشكل صحيح ، استخدم مثلثاً قائم الزاوية. يحتوي المثلث القائم على ضلعين متعامدين يشكلان الزاوية القائمة

إذا لم يكن لدي واحدة ، يمكنني عمل الزاوية الصحيحة بقطعة من الورق

<p><u>الخطوة 1:</u> قم بطي الورق مرة واحدة</p>	<p><u>الخطوة 2:</u></p> <p>أطويها مرة أخرى على طول التجعيد الأول. الزاوية التي أنشأتها هي زاوية صحيحة تماماً.</p> <p>إذا فتحنا الورقة فسنرى خطين مستقيمين!</p>
<p><u>الخطوة 3:</u> إذا أردت ، أطوي باقي الورقة بشكل صحيح لعمل شكل المثلث</p>	

عمودي على النقطة A المستقيم  $\epsilon$

ليكن خط مستقيم  $\epsilon$  أنشأ خط مستقيم آخر  $\zeta$  قائمة على  $\epsilon$   
 ... أخذ المثلث الأيمن وأضعه بحيث "يقع" أحد أضلاعه الرأسية (الأصغر) على الخط  
 أخذ المثلث الأيمن وأضعه بحيث "يقع" أحد أضلاعه الرأسية (الأصغر) على الخط  $\epsilon$

لكني بحاجة لمعرفة شيء آخر

في أي نقطة على الخط المستقيم  $\epsilon$  أريد أن أحضر العمودي القائم؟

لنفترض أنني أريد في النقطة A أسحب المثلث على الخط المستقيم  $\epsilon$  حتى تقابل زاويته النقطة A

عندها أرسم القائم في  $\epsilon$  على A

## نشاط A3.1

غالباً ما نحسب أقصر طريق للوصول إلى مكان ما. يمكنك التخطيط للطفل ، وهو أقصر طريق إلى الرصيف

المشكلة هي نفسها إيجاد أقصر مسافة لنقطة من الخط المستقيم. تحدث إلى فريقك وجد الحل

عمودي من النقطة A خارج القطعة المستقيمة E

لدينا خط مستقيم  $\epsilon$  ونقطة  $A$  خارج منها

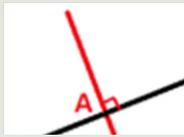
نثبت الكوس ( مسطرة المثلث القائم الزاوية ) مع أحد أضلاعه الرأسية على الخط المستقيم  $\epsilon$

نسحبه على المستقيم . نتوقف عندما "يقع" الجانب الرأسي الآخر على النقطة  $A$  نرسم المستقيم على الطرف

القائم الاخر من الكوس. المستقيم القائم يقطع  $\epsilon$  على  $K$ . النقطة  $K$  نقول أنه تتبع العمودي

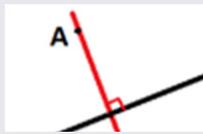
من النقطة  $A$  خارج المستقيم  $\epsilon$  يمكننا أن نجعل واحدة فقط متعامدة عليها  
المقطع الرأسي  $AK$  من النقطة  $A$  باتجاه المستقيم  $\epsilon$  هي أقرب طريق (مسار) اليه.  
طول المقطع الرأسي  $AK$  نقول انه **مسافة النقطة من المستقيم**

عمودي (القائم) في نقطة  
ما.....



الخط المستقيم ليس عمودياً في حد ذاته. و إنما دائماً يكون عمودياً على خط مستقيم آخر.....

أو العمودي (القائم) من نقطة ما  
.....



## نشاط A3.2 جماعي

سيتم توصيل المنازل الموجودة في الصورة بأنبوب المياه. كل مالك سيدفع بعض المال يتحدد مبلغ المال بحسب مسافة كل منزل من الأنبوب. التكلفة 57 يورو للمتر (في الصورة 1 سم سيقابل 1 متر)

- (1) أي مالك سيدفع أكبر قدر من المال؟
- (2) أي مالك سيدفع أقل مبلغ من المال؟
- (3) هل يدفع بعض المالكين نفس المبلغ؟

المنزل	المسافة من خط الأنابيب الرئيسي	تكلفة التوصيل
A		
B		
Γ		
Δ		
E		
Z		

## للتمرين

في الشكل التالي أنشئ

أولاً: عمودي من **O** باتجاه المستقيم  $\Delta\Gamma$

ثانياً: عمودي من **A** باتجاه المستقيم  $B\Gamma$

ثالثاً: عمودي من **A** باتجاه المستقيم  $\Delta\Gamma$

رابعاً: عمودي من **B** باتجاه المستقيم  $\Delta A$

خامساً: عمودي من **B** باتجاه المستقيم  $\Delta\Gamma$

سادساً: عمودي في  $B\Gamma$  على **B**

سابعاً: عمودي في  $\Delta A$  على **A**

## قائم من ... قائم على .....

نرسم بمساعدة الكوس (مسطرة المثلث القائم الزاوية)

أ . القائم من **B** باتجاه  $O\psi$

ب . القائم من **B** باتجاه  $O\chi$

ج . القائم في  $O\chi$  على  $\Gamma$

## A.4- إضافة وطرح الزوايا

ماهو مشترك فيما بين الزوايا  $\widehat{AOB}$  و  $\widehat{BO\Gamma}$  في الشكل المجاور

هذه الزوايا نسميها الزوايا المتجاورة

يمكننا جمع الزوايا المتجاورة ، أي

$$\widehat{AOB} + \widehat{BO\Gamma} = \widehat{AO\Gamma}$$

هذا يدل في الوقت نفسه على ان

$$\widehat{AO\Gamma} - \widehat{AOB} = \widehat{BO\Gamma}$$

كل نقاط الزاوية  $\widehat{AOB}$  هي نقاط الزاوية  $\widehat{AO\Gamma}$  و أن  $\widehat{AOB}$  هي طرف من  $\widehat{AO\Gamma}$

## إضافة و طرح الزوايا

في الشكل المجاور ، تسمى الزوايا ذات الألوان المختلفة متتالية  
يمكننا جمع الزوايا المتتالية  
توضح لنا هذه الإضافات عمليات الطرح المقابلة

املاً المعادلات التالية

1.  $\widehat{BO\Gamma} + \widehat{\Gamma O\Delta} = \underline{\hspace{2cm}}$

4.  $\widehat{BO\Delta} - \widehat{BO\Gamma} = \underline{\hspace{2cm}}$

2.  $\widehat{BO\Delta} + \widehat{\Delta O E} = \underline{\hspace{2cm}}$

5.  $\widehat{BO E} - \widehat{BO\Delta} = \underline{\hspace{2cm}}$

3.  $\widehat{BO\Gamma} + \widehat{\Gamma O E} = \underline{\hspace{2cm}}$

6.  $\widehat{BO E} - \widehat{\Gamma O E} = \underline{\hspace{2cm}}$

تسمى الزاويتان التي مجموعهما يساوي زاوية مستقيمة عندها تدعى **متكاملتان**

زاويا متكاملة

الزاويا المتكاملة & المتجاورة

تسمى زاويتان مجموعهما زاوية قائمة **متتامتان**

الزاويا المتتامة

الزاويا المتتامة & المتجاورة

تمرين:

أ) نرسم

أولاً: زاوية حادة ثانياً: زاوية منفرجة وبعدها نرسم مكملاتهما

ب) نرسم زاوية حادة ومنتامتها

كلماتي الجديدة

.....

.....

.....

.....

.....

.....

## A.5 - الدائرة O

أحد الأشكال التي نراها غالبًا حولنا هي الدائرة O

كيف نرسم دائرة O؟ بالأداة التي تسمى **الفرجار**. نمسك أحد الأطراف بشكل ثابت قم بتدوير الآخر حتى نقوم باستدارة كاملة إذن ما نفعله عندما نرسم الخط هو أن نحافظ على مسافة ثابتة من نقطة واحدة (المركز).

وبالتالي ، فإن الدائرة هي الشكل الذي تكون فيه جميع نقاطها على نفس المسافة من نقطة تسمى مركز الدائرة

## نشاط A5.1

فكر وناقش كيفية تصميم دائرة لدون استخدام الفرجار  
 أ) على التربة أو الرمل  
 ب) على السبورة بيدك  
 ج) بجسمك  
 د) مع كائن آخر على الورقة

مسافة كل نقطة من المركز تسمى نصف قطر الدائرة. عادة ما يرمز نصف القطر بالحرف  $p$  عندما نريد الحديث عن دائرة مركزها نقطة O و نصف القطر  $p$  حينها نكتب : **الدائرة (O, p)**

**الدوائر التي لها أنصاف أقطار متساوية هي دوائر متساوية**

وبالتالي فإن الدائرة (O, p) تقسم نقاط المستوى إلى ثلاث مجموعات  
 أ) نقاط المستوى البعيدة من O من المسافة تساوي مع p وهذه تكون نقاط الدائرة  
 ب) نقاط المستوى البعيدة من O المسافة أقل من p

السطح الذي يحتوي على جميع نقاط المجموعة A و B ندعوه القرص الدائري  
 ج) النقاط الموجودة على المستوى البعيدة عن O أكبر من  $p$  هذه هي النقاط الخارجية للدائرة.

## نشاط A5.2

عند النقطة K يوجد هوائي للهاتف المحمول. البلدية تريد بناء مدرسة. من أجل صحة الأطفال ، من الجيد أن تكون على مسافة أكبر من 300 متر من الهوائي. من أجل الحصول على اتصال جيد ، من الأفضل أن تكون على مسافة أقل من 1500 متر من الهوائي. في أي منطقة يمكن بناء المدرسة؟

دعنا نتعرف على الدائرة بشكل أفضل قليلاً

أطراف A و B من قطر الدائرة AB تقسم الدائرة إلى قسمين متساويين. نسمي كل واحد منهم **نصف دائرة**<sup>3</sup>.

بشكل عام ، تقسم نقطتان من الدائرة الدائرة إلى قسمين. كل واحد منهم يسمى **القوس**. يرمز للقوس ب  $\widehat{AB}$  و لكي نميز الكبير فيما بين الاثنين نضع نقطة ثالثة و نقول القوس  $\widehat{ATB}$

## الزاوية المركزية

دعونا نرسم خطين نصفي مستقيم OB ، OA بدءاً من مركز O دائرة. الزاوية التي تم تشكيلها تسمى

**بالزاوية المركزية  $\widehat{AOB}$** .

أضلاع الزاوية المركزية  $\widehat{AOB}$  "تقطع" قطعة من الدائرة ، القوس AB . نسميه **القوس**

**المقابل** للزاوية المركزية  $\widehat{AOB}$

تشكل نفس الخطوط النصفية الزاوية غير المحدبة  $\widehat{AOB}$  القوس المقابل للزاوية غير المحدبة

$\widehat{AOB}$  هو القوس  $\widehat{ATB}$

■ كل قوس دائرة لها زاوية مركزية مقابلة وحيدة فقط

■ كل زاوية مركزية في دائرة لها قوس مناظر وحيد

<sup>3</sup> Ημικύκλιο: μισός κύκλος.

## A.6- قياس الزاوية و القوس

لقياس الزاوية نحتاج إلى وحدة قياس. وحدة قياس الزاوية هي **الدرجة**. **دلالة بواسطة 0**

نقسّم الدائرة إلى 360 قطعة متساوية. كل قطعة من هذه القطع تتوافق مع زاوية مركزية واحدة بدرجة واحدة أو **1°**. إذن كل دائرة **360°**

(هل نصف قطر الدائرة مهم؟ ناقش في الفصل)

املاً الجدول ، قياس الزاوية في العمود الأيسر

الزاوية	القياس
الزاوية القائمة	
الزاوية المستقيمة	
1/6 الدائرة	
1/3 الدائرة	
1/8 الدائرة	
1/12 الدائرة	

الأداة التي نستخدمها لقياس الزاوية هي **المنقلة**. و هو عبارة عن نصف دائرة مقسمة إلى درجات

### كيف نقيس زاوية؟

ضع المنقلة بطريقة

**أولاً:** يجب أن يكون مركز المنقلة رأس (أعلى) الزاوية.

**ثانياً:** يجب أن يكون أحد أضلاع (حواف) الزاوية على الخط المار بـ 0.

**ثالثاً:** بدءاً من 0 ، ننظر إلى القياس الموضح بالجانب الآخر للزاوية.

**تمرين:** يمكنك قياس الزوايا في الصورة أدناه؟

## قياس القوس

(كيف نقيس قوس الدائرة؟)

كل قوس له زاوية مركزية فريدة

قياس الزاوية اللامركزية هو نفس قياس القوس المقابل لها

إذن ، وحدة القياس والقوس هما الدرجات. على سبيل المثال ، قوس يقابل زاوية  $60^\circ$  نقول ان هذا ايضا  $60^\circ$  وو نكتب  $AB = 60^\circ$ 

## نشاط A6.2 (ناقش مع زملائك)

خليل وفاروق رسموا دائرة وزاوية مركزية  $60^\circ$  درجة. يحدث الحوار التالي:

-خليل: الأقواس متساوية!

-فاروق: لا، ليست متساوية! كيف يمكن أن تكون متساوية؟ ألا ترى بأن القوس  $\Delta$  هو أكبر؟-خليل: ولكن بما أن كلاهما  $60^\circ$  درجة!

مأنا تعتقدون؟ من هو على حق؟

قياس القوس يشير أي جزء (كسر) من الدائرة هو . لهذا السبب فاننا نستطيع بأن نقارن أقواس فقط عندما تتواجد في نفس الدائرة أو في دوائر متساوية

الدائرة هي زاوية كاملة. زاوية كاملة  $360^\circ$  درجة. إذن زاوية  $60^\circ$  درجة هي  $1/6$  الدائرة

$$\left( \frac{60^\circ}{360^\circ} = \frac{1}{6} \right) \text{ أو } 6 \times 60^\circ = 360^\circ \text{ أفكر}$$

الجزء الكسري من الدائرة	الزاوية بالدرجات
	90o
	180o
	30o
	45o
	120o
	270o

إمأ العمود الأيمن في الجدول المجاور. ما الجزء (الكسر) من الدائرة الذي تقابله الزاوية في العمود الأيسر؟

### النشاط A 6.1

قسّم الدائرة التالية إلى 4 قطع متساوية  
 (أ) باستخدام المنقلة  
 (ب) بدون استخدام المنقلة

### تمارين

انشئ زاوية 35 درجة. ثم ارسم متتامتها

ننشئ زاوية بحيث ان  $\frac{2}{3}$  القائم

ننشئ زاوية بحيث  $\frac{4}{5}$  زاوية مستقيمة

ننشئ زاوية بحيث  $\frac{3}{2}$  زاوية مستقيمة

ننشئ زاوية بحيث  $\frac{5}{4}$  زاوية مستقيمة

الزاوية  $\alpha$  هي ثلاث مرات بقدر الزاوية  $\beta$ . الزوايا  $\alpha$  و  $\beta$  هما متكاملتان هل يمكنك أن تجد أي منها؟

### نشاط A6.3

(أ) ارسم دائرة في دفتر ملاحظتك وقسمها إلى 6 أقواس متساوية. قارن نصف قطر الدائرة بالوتر من كل قوس. ماذا تلاحظ؟  
 (ب) بناءً على ما وجدته في السؤال أ فكر: هل يمكننا تقسيم دائرة إلى 6 أقواس متساوية ، بدون منقلة؟

## A.7 - المستقيم و المستقيم

خطان في المستوى يتقاطعان ويطلق عليهما متقاطعين

أو

لا يتقاطعان بقدر ما نمدهم ثم يطلق عليهم متوازي ونكتب  $\varepsilon_1 // \varepsilon_2$

## تمرين A7.1

يكون  $\hat{\gamma} + 30^\circ = \dots$  بالتالي  $\hat{\gamma} = \dots$

يكون  $\hat{\beta} + 30^\circ = \dots$  و بالتالي  $\hat{\beta} = \dots$

هل تستطيع أن تجد الزاوية  $\hat{\alpha}$ ;

ماذا تلاحظ؟

دائماً ما يكون الخطان المتقاطعان 4 زوايا

■ المتجاورة تدعى ..... لأنها تشكل زاوية مستقيمة

■ **المتقابلات** مع  $\hat{\beta}$  مع  $\hat{\alpha}$  و  $\hat{\delta}$  مع  $\hat{\gamma}$  تسمى **عموديا**

الزوايا  $\hat{\alpha}$  و  $\hat{\beta}$  تسمى **متعامدة** و تكون .....

الزوايا  $\hat{\delta}$  و  $\hat{\gamma}$  تسمى ..... وتكون .....

أملأ

## تمرين A7.2

المتتامة $\hat{\omega}$	المتكاملة $\hat{\omega}$	الزاوية $\hat{\omega}$
		$45^\circ$
		$120^\circ$
		$90^\circ$
		$12^\circ$
		$180^\circ$

املاً الجدول

## الزوايا المكونة من خطين متوازيين يقطعهما خط ثالث

المستقيمين  $\epsilon_1$  و  $\epsilon_2$  متوازيان ( $\epsilon_1 // \epsilon_2$ ) و المستقيم  $\epsilon$  يقطع معهما . و عندها تتشكل 8 زوايا

الزوايا الأربع تقع في داخل المنطقة المكونة من الاثنين المتوازيين (المنطقة الخضراء) وتسمى الزوايا بالداخل

الزوايا  $\hat{\alpha}, \hat{\beta}, \hat{\gamma}, \hat{\delta}$

الزوايا الأربع الأخرى تقع في خارج المنطقة المكونة من الحزام (المنطقة البضاء) وتسمى الزوايا الخارجية

هي الزوايا  $\hat{\theta}, \hat{\eta}, \hat{\zeta}, \hat{\epsilon}$

ومع ذلك ، فإن كل منها عمودي بزواوية بداخلها (وبالتالي متساوية)

## نشاط A.7.1

لنوضح بالشكل أعلاه أن زاويتين متساويتان ، نعطيهما نفس الاسم. هل يمكنك كتابة الاسم المناسب في الزوايا الخارجية؟ (يجب أن يكون الاسم هو نفسه مع اسم الزاوية المتساوي)

<sup>4</sup> Εντός = μέσα.

<sup>5</sup> Εκτός = έξω.

الزوايا  $\hat{\alpha}$  و  $\hat{\gamma}$  تسمى **داخليات متبادلتان** و هما **متساويتان**

$$\hat{\alpha} = \hat{\gamma}$$

الزوايا  $\hat{\delta}$  و  $\hat{\beta}$  تسمى **داخليات متبادلتان** و هما **متساويتان**

$$\hat{\beta} = \hat{\delta}$$

الزوايا  $\hat{\alpha}$  و  $\hat{\eta}$  تسمى **عموديات** و هما **متساويتان**

$$\hat{\alpha} = \hat{\eta}$$

الزوايا  $\hat{\alpha}$  و  $\hat{\gamma}$  تسمى **داخليات متبادلتان** و هما **متساويتان**

$$\hat{\alpha} = \hat{\gamma}$$

لذلك سيكون  $\hat{\gamma} = \hat{\eta}$

الزوايا  $\hat{\alpha}$  و  $\hat{\gamma}$  تسمى **داخليات - خارجيات** و هما **متساويتان** و كلاهما من نفس الطرف<sup>6</sup> و هما **متساويتان**

$$\hat{\gamma} = \hat{\eta}$$

**تمرين A.7.2:** أملأ الجمل التالية

الزوايا  $\hat{\delta}$  و  $\hat{\theta}$  تسمى ..... و هما .....

الزوايا  $\hat{\delta}$  و  $\hat{\beta}$  تسمى ..... و هما .....

الزوايا  $\hat{\theta}$  و  $\hat{\beta}$  تسمى ..... و هما .....

**نشاط A.7.3:** نلون الزوايا المتساوية بنفس اللون كم لون سوف نحتاج؟

يوجد 4 زوايا حادة + 4 زوايا منفرجة = 8 زوايا

كل الزوايا الحادة في الشكل هي ..... و كل الزوايا المنفرجة هي ايضا .....

الزاوية الحادة و الزاوية المنفرجة في هذا الشكل تكون .....

<sup>6</sup> **Εντός-εκτός κι επί τα' αυτά:** σημαίνει ότι η μία είναι **εντός**, η άλλη είναι **εκτός** αλλά και οι δύο είναι **από την ίδια μεριά**.

بناء مستقيم مواز لمستقيم آخر  
 ارسم مستقيم  $\epsilon$  ثم ارسم مستقيم اخر موازي للمستقيم  $\epsilon$  . كيف يمكنك التأكد من أن المستقيم الذي رسمته هو متوازي بالفعل؟ الجملة التالية سوف تساعدك على إيجاد الطريق.

إذا كان الخطان متعامدين على نفس الخط ، فهذا يعني أنهما متوازيان

كلماتي الجديدة

.....

.....

.....

.....

.....

#### تمرين 7.4

أوجد الزوايا  $\hat{\alpha}, \hat{\beta}, \hat{\gamma}, \hat{\delta}, \hat{\epsilon}, \hat{\zeta}, \hat{\eta}$  في الشكل المجاور

#### تمارين

هل يمكنك إيجاد الزوايا  $\hat{\alpha}$  و  $\hat{\beta}$  ,  $\hat{\gamma}$  في الأشكال التالية

المستقيمان  $\epsilon_1, \epsilon_2$  متوازيان ( $\epsilon_1 // \epsilon_2$ )

طبق  $\epsilon_1 // \epsilon_2$  :

و  
 $\epsilon_3 // \epsilon_4$

المسافة بين خطين متوازيين

### نشاط 7.5

خليل وماريا قاسوا عرض الزقاق أمام منزلهما لكنهما وجدا نتائج مختلفة. المشكلة هي نفسها إيجاد المسافة بين خطين متوازيين.

كيف ستجد مسافة هذه المتوازيات؟ تحدث إلى مجموعتك. هل ستتغير هذه المسافة إذا قمنا بتوسيع الأقسام التي تراها أكثر؟

### نشاط 7.6

هل المستقيمات في الشكل المجاور متوازية أم لا؟ كيف توصلت لهذه الفكرة؟

عندما يكون خطان متوازيان ، تبقى المسافة بينهما.....  
 لإيجاد المسافة بين مستقيمين متوازيين ، نقيس.....  
 .....

### نشاط 7.7

يريد فانيس السير بموازاة النهر والطريق. لكنه يريد أن يكون على نفس المسافة من كليهما. هل يمكنك التخطيط للطريق الذي يجب اتباعه؟

### نشاط 7.8

(الموازي كموقع من النقاط التي تقع على مسافة ثابتة من خط موازٍ للبناء على مسافة معروفة)

يريد خليل ومريم إقامة خيمة تبعد أكثر من 200 متر عن النهر وأكثر من 300 متر من كل طريق. هل يمكنك أن تبين لهم في أي منطقة يجب أن ينصبوا الخيمة؟

## A.8- المستقيم و الدائرة

- (A) كم عدد النقاط التي يمكن أن يشترك فيها خط مع دائرة؟ هل يمكن أن يكون هناك ثلاث نقاط مشتركة؟  
 (B) ارسم مستقيماً **ع** به **نقطتين** مشتركتين مع الدائرة (الشكل 1)  
 (Γ) ارسم مستقيماً **ع** به **نقطة** واحدة مشتركة مع الدائرة (الشكل 2)

( $\Delta$ ) ارسم مستقيماً  $\epsilon$  لا يشترك بأي نقطة مع الدائرة (الشكل 3)  
 (E) ارسم لكل حالة مسافة المركز  $o$  من المستقيم  $\epsilon d (O, \epsilon)$

الخط في الشكل 1 يسمى تقاطع و عندها

المستقيم في الشكل 1 يسمى تقاطع و عندها  $d(O, \epsilon)$  .....  $\rho$  ( $<$ ,  $>$  أو  $=$ )

المستقيم في الشكل 2 يسمى مماس و عندها  $d(O, \epsilon)$  .....  $\rho$  ( $<$ ,  $>$  أو  $=$ )

المستقيم في الشكل 1 يسمى خارجية و عندها  $d(O, \epsilon)$  .....  $\rho$  ( $<$ ,  $>$  أو  $=$ )

### نشاط A8.1

- أ. أي نقاط على حافة البحيرة (الدائرة الزرقاء) تبعد كيلومتر واحد عن الطريق B؟  
 ب. أي نقطة على حافة البحيرة هي الأقرب إلى أ (الطريق A ب) الطريق B ؟  
 ج. في أي منطقة من البحيرة يجب أن يكون المرء على بعد أكثر من 750 م من الطريق A؟  
 د. نادبة تريد بناء متجر بعيد:

- من البحيرة ، أكثر من 400 م وأقل من 800 م
  - من الطريق A ، أكثر من 400 م و
  - من الطريق B أكثر من 350 م
- هل تستطيع بأن تلون المنطقة المناسبة (الصحيحة)؟

## الدائرة و الدائرة - A.9

القطعة المستقيمة (جزء) AB لديها طول 5.  
 A . أنشئ الدائرة (4, A) و الدائرة (3, B)

B . أنشئ الدائرة (A,3) و الدائرة (B,2)

Γ . أنشئ الدائرة (A, 5) و (B, 2)

Δ . أنشئ الدائرة (A,2) و (B,1)

E . أنشئ الدائرة (A,8) و الدائرة (B,2)

كم عدد النقاط التي يمكن أن تشترك فيها دائرة مع دائرة أخرى؟ هل يمكن أن يكون لديهم ثلاثة أشياء مشتركة؟

**الحالة A:** الدائرتان تتقاطع و عندها يكون لديهما ..... (كم؟) النقاط المشتركة.

**الحالة B:** الدائرتان متماستان..... و لديهما ..... النقاط المشتركة.

**الحالة Γ:** الدائرتان متماستان ..... و لديهما ..... النقاط المشتركة.

**الحالة Δ:** دائرة منهما خارج الأخرى و ..... لديهما .....

**الحالة E:** دائرة منهما داخل الأخرى و ..... لديهما .....

في كل حالة ، قارن طول في كل حالة ، قارن طول AB ( الجزء الذي يربط مراكز الدوائر) بالمجموع

$\rho_2 + \rho_1$  أو مع الفرق  $\rho_2 - \rho_1$

يمكنك معرفة ما يجب أن يحدث لكي:

أ. أن تتقاطع الدائرتان

ب. الدائرتان متماستان للخارج.

ج. بأن تكون واحدة خارج عن الأخرى؟

## المثلثات – A.10

### نشاط A10.1 ناقش مع مجموعتك

أنشئ 3 مستقيمت. كم عدد الطرق المختلفة التي يمكنك القيام بها؟ أي من هذه الأشياء تراها غالبًا حولك؟

في حالة تقاطع 3 خطوط في أزواج ، يتم إنشاء شكل يسمى المثلث. يحتوي هذا الشكل على 3 اضلاع و 3 زوايا و 3 رؤوس و سطح واحد (جزء المستوى المحاط بجوانبه)

المثلث هو أبسط شكل مستقيم. إنه ينتمي إلى عائلة كبيرة من المضلعات. لديها أقل عدد من الاضلاع (الجوانب)

### نشاط A10.2 ناقش مع مجموعتك

ذات يوم وجد فانيس بعض العصي في الأرض. بدأ باللعب معهم وصنع الأشكال. في البداية صنع مثلثًا. لكنه أراد أن يكون لديه المزيد من العصي فكسر بعضها. ولكن بعد ذلك ، عندما ذهب ليصنع مثلثًا جديدًا ...

لم يستطع! ثم بدأ يفكر في سبب.....

بعد فترة توصل إلى نتيجة. هل يمكنك معرفة ماالنتيجة التي توصل إليها فانيس؟

إذا لم يكن لديك بعض العصي ، فيمكنك استخدام شيء آخر مثل القش وأقلام الرصاص وما إلى ذلك.

لكن يمكننا التفكير في الأمر هندسيًا واستخدام الأدوات التي لدينا للهندسة (الأدوات الهندسية) المسطرة و الفرجار. المشكلة هي نفسها كما يلي:

نشاط 10.3 تصميم مثلث مع الأضلاع  $\alpha$ ,  $\beta$ , و  $\gamma$ 

لفترض أننا نريد رسم مثلث بأطوال أضلعه  $\alpha = 5$  سم ،  $\beta = 6$  سم و  $\gamma = 8$  سم ؟ كيف سنعمل ذلك؟

نرسم بسهولة أحد الجانبين. لنبدأ بالأكبر ونقولها  $AB$  ، ثم نريد التخطيط للمرحلة التالية

$AG$  لكننا لا نعرف بالضبط أين.... و لهذا السبب نخطط لجميع الاماكن الممكنة البعيدة عن  $A$

المسافة متساوية لهذه التي نريد

نرسم دائرة ! بمركز  $A$  و نصف قطر يساوي  $\beta = 6\text{cm}$

و ثم دائرة بمركز  $B$  و نصف قطر تساوي  $\alpha = 5\text{cm}$

نقطة تقاطعهم هي الرأس الثالث للمثلث. هذه النقطة تبعد 6 سم عن القمة  $A$  و 5 سم من القمة  $B$

$ABG$  هي التي نريدها

حاول الآن عمل مثلث بأضلاع

$\alpha = 8\text{cm}$  ،  $\beta = 4\text{cm}$  و  $\gamma = 3\text{cm}$

$\alpha = 8\text{cm}$  ،  $\beta = 5\text{cm}$  و  $\gamma = 3\text{cm}$

ماذا رأيت؟ هل توصلت إلى نتيجة؟

## تمرين 10.4

تحقق مما إذا كان هناك مثلث بأطوال أضلعه

$\alpha = 5\text{cm}$  ،  $\beta = 5\text{cm}$  و  $\gamma = 5\text{cm}$  ( $\beta$ )

$\alpha = 5\text{cm}$  ،  $\beta = 3\text{cm}$  و  $\gamma = 3\text{cm}$  ( $\alpha$ )

$\alpha = 6\text{cm}$  ،  $\beta = 3\text{cm}$  و  $\gamma = 2\text{cm}$  ( $\delta$ )

$\alpha = 7\text{cm}$  ،  $\beta = 4\text{cm}$  و  $\gamma = 3\text{cm}$  ( $\gamma$ )

$\alpha = 7\text{cm}$  ،  $\beta = 4\text{cm}$  و  $\gamma = 4\text{cm}$  ( $\epsilon$ )

وإذا كان هناك ، فقم بينائه

ربما لاحظت أن هناك أنواعًا مختلفة من المثلثات

صنف علماء الرياضيات الأنواع المختلفة من المثلثات إلى مجموعتين ، بناءً على:

$\alpha$  اضلاعه  $\beta$  زواياه

افرز المثلثات بناءً على اضلاعها

تصنيف المثلثات حسب زواياها

تمرين : 10.5A بناء مثلث متساوي الساقين

(A) ارسم قطعة مستقيمة AB بطول 3 سم  
 (B) ارسم الدائرة (A, 5cm) و (B, 5cm)  
 (C) قم بتسمية تقاطعات الدائرتين  $\Gamma$  و  $\Delta$   
 (D) ارسم المقاطع المستقيمة  $A\Gamma$ ,  $B\Gamma$  و  $A\Delta$  و  $B\Delta$   
 ما هو المثلث  $AB\Gamma$ ؟ ما هو المثلث  $AB\Delta$ ؟

## تمرين : A10.6 بناء مثلث متساوي الأضلاع

- (B) قم ببناء مثلث متساوي الأضلاع مع ضلع  $\alpha = 5\text{cm}$
- (Γ) قم بإنشاء مثلث متساوي الأضلاع من الأضلاع العشوائية

## أجب على الأسئلة

- 1) هل يوجد مثلث به زاويتان منفرجتان؟ إذا كان نعم ، ارسمه. إن لا تشرح لماذا؟
- 2) هل يوجد مثلث به زاويتان قائمتان؟ إذا كان نعم ، ارسمه. إن لا تشرح لماذا؟

## نشاط 10.7 أنواع المثلثات

	مثلث مختلف الاضلاع	متساو الساقين	متساوي الاضلاع
زاوية حادة			
زاوية قائمة			
زاوية منفرجة			

- لا يمكن أن ينتمي المثلث لكلا المجموعتين في نفس الوقت؟
- تساءلت نادية
  - يعني؟ تساءل خليل
  - على سبيل المثال ،
  - يجب أن يكون مثلث متساوي الساقين و قائم
  - أمم... فكر خليل للحظة. اعتقد انه ممكن لكنني لست متأكدًا من أنه يكون مع جميع المجموعات.

فكر الأولاد بأن كل التركيبات و بمساعدة السبورة . و حاولوا بأن يشكلوها . و بعد وقت طويل استنتجوا بأن بعضاً منها ليست موجودة . و هكذا أشروا ب ✓ العلب التي تكون للمثلثات الموجودة و ب ✗ العلب التي تكون للمثلثات الغير موجودة . هل تستطيعون انتم بان تجدوا ايها موجود و أيها ليس موجود؟ شكلوا واحداً من كل نوع موجود

## مجموع زوايا المثلث – § A.11

## نشاط A11.1

في الشكل المجاور المستقيم  $\varepsilon$  موازي لقاعدة المثلث  $AB\Gamma$ . نعرف بأن زاويتي المثلث

$$\hat{B} = 70^\circ \text{ و } \hat{\Gamma} = 35^\circ$$

- (1) ماعلاقة زاوية المثلث  $\hat{B}$  مع  $\hat{\beta}$  هل تستطيع ايجاد الزاوية  $\hat{\beta}$
- (2) ماعلاقة زاوية المثلث  $\hat{\Gamma}$  مع  $\hat{\gamma}$  هل تستطيع ايجاد الزاوية  $\hat{\gamma}$
- (3) يكون  $\hat{A} + \hat{\beta} + \hat{\gamma} = \dots\dots\dots$  هل تستطيع أن تجد الزاوية  $\hat{A}$  للمثلث؟
- (4) ماهي محصلة جمع زوايا المثلث  $\hat{A} + \hat{B} + \hat{\Gamma}$

فكر: مجموع  $\hat{A} + \hat{B} + \hat{\Gamma}$  لزوايا المثلث  $AB\Gamma$  هل سوف تتغير اذا كانت الزوايا  $B$  و  $\Gamma$  مختلفة؟

مجموع زوايا المثلث  $AB\Gamma$  يكون  $\hat{A} + \hat{B} + \hat{\Gamma} = \dots\dots\dots$

## تمرين 11.2

في الأشكال التالية ، ابحث عن الزوايا التي يطلبها منك

## قسم B'

### المستوى (السطح المستوي)

**المستوى:** جدار منزل ، صفحة دفتر ، سطح طاولة ، يعطينا صورة للمستوى<sup>7</sup> نقول على سبيل المثال كل شكل مسطح له طول وعرض وليس له ارتفاع. يسمى على سبيل المثال المستوى. كل خط مستقيم يقسم المستوى الى مستويين اثنين.

#### نشاط (جماعي)

- ارسم في دفترك نقطتين  $A, B$  والمستقيم  $AB$
- ثم ارسم مستوى يمر من كلا النقطتين
- تستطيعون بأن ترسموا مستوى اخر يمر من  $A, B$
- كم عدد المستويات التي تعتقد أنه يمكن أن يمروا من  $A$  و  $B$
- ارسم ايضا نقطة  $\Gamma$  والتي لا تقع على المستقيم  $AB$  . كم مستوى تعتقد بأنه ممكن بأن يمر من هذه النقاط<sup>8</sup>
- الثلاثة الغير متطابقة (التي لاتقع على نفس المستقيم)  $A, B, \Gamma$

من النقاط  $A, B$  يمر .....

من خلال ثلاث نقاط غير متطابقة (التي لاتقع على نفس المستقيم)

يمر .....

أملأ أتعلم

<sup>7</sup> Επίπεδο σχήμα: το σχήμα που βρίσκεται πάνω σε ένα επίπεδο

<sup>8</sup> Συνευθειακά σημεία: αυτά που βρίσκονται πάνω στην ίδια ευθεία.

نشاط:

ناقش مع فريقك ، اعثروا معًا ، ارسم واكتب.....

جميع المقاطع المستقيمة الموجودة بنهايات 2 من 3 غير متطابقة (لا تقع على نفس المستقيم) في ثلاث  $A, B, C$  و  $\Gamma$

المضاف = الاسماء:

جميع المقاطع المستقيمة الموجودة بنهايات 2 من 4 غير متطابقة (لا تقع على نفس المستقيم) في ثلاث نقاط  $A, B, C$  و  $\Delta$

المضاف = الاسماء:

جميع المقاطع المستقيمة الموجودة بنهايات 2 من 5 غير متطابقة (لا تقع على نفس المستقيم) في ثلاث نقاط  $A, B, C, \Delta$  و  $E$

المضاف = الاسماء:

جميع المقاطع المستقيمة الموجودة بنهايات 2 من 6 غير متطابقة (لا تقع على نفس المستقيم)

عند ثلاث نقاط  $A, B, C, \Delta, E$  و  $Z$

المضاف = الاسماء:

هل يمكنك أن تتوقع عدد الأجزاء التي قد تكون بنهايات 2 من 7 نقاط؟ اشرح كيف كنت تفكر.

## نشاط: أعرف نوع الزاوية

اكتب نوع الزاوية المحدبة المكونة من عقارب الساعة عندما يكون الوقت:

5:15	.....
2:20	.....
4:50	.....
6:00	.....
12:00	.....
5:00	.....
4:55	.....

## عدم المساواة المثلثية

ما يحدث في أي مثلث أطوال أضلاعه 3 أعداد  $\alpha, \beta, \gamma$  يكون أنه:

كل ضلع من أضلاع المثلث أقل من مجموع الضلعين الآخرين  
 $\alpha < \beta + \gamma$  ,  $\beta < \alpha + \gamma$  و  $\gamma < \alpha + \beta$

ما نعرفه جميعًا. أي أن أقصر مسار من النقطة A إلى النقطة B هو الجزء المستقيم AB

وبالتالي، كيف نعرف إذن بوجود مثلث بأضلاعه  $\alpha, \beta, \gamma$ فكر جون ، لكي نكون متأكدين ، أنه يكفي أن نرى ما إذا كان الضلع الأكبر أصغر من مجموع الضلعين الآخرين. هل هو علي حق؛ ناقش مع فريقك

روابط مفيدة:

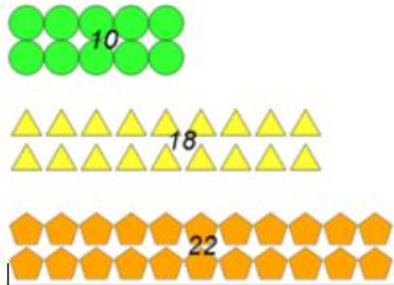
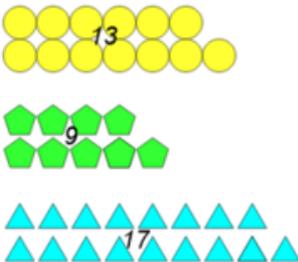
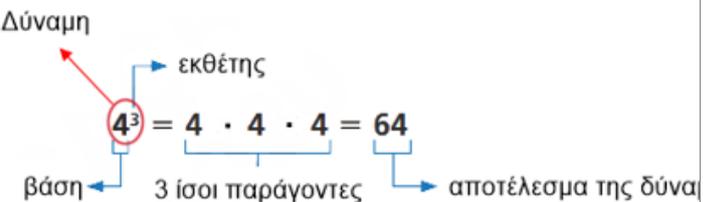
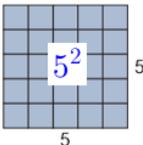
1. Σύγκριση ευθυγράμμων τμημάτων (Geogebra):  
<http://photodentro.edu.gr/aggregator/lo/photodentro-lor-8521-5714>
2. Αθροίσματα ευθυγράμμων τμημάτων (Geogebra):  
<http://photodentro.edu.gr/aggregator/lo/photodentro-lor-8521-5715>
3. Ευθεία, ημιευθεία, ευθύγραμμο τμήμα (Geogebra):  
<http://photodentro.edu.gr/aggregator/lo/photodentro-lor-8521-2365>
4. Η έννοια της γωνίας (Geogebra): <http://photodentro.edu.gr/v/item/ds/14354>
5. Διαδοχικές και τις εφεξής γωνίες (Geogebra):  
<http://photodentro.edu.gr/lor/r/8521/2184>
6. Εφεξής και παραπληρωματικές γωνίες: (Χελωνόκοσμος)  
<http://photodentro.edu.gr/aggregator/lo/photodentro-lor-8521-9520>
7. Κατακορυφήν γωνίες (Χελωνόκοσμος):  
<http://photodentro.edu.gr/aggregator/lo/photodentro-lor-8521-9521>
8. Απόσταση σημείου από ευθεία (Geogebra):  
<http://photodentro.edu.gr/aggregator/lo/photodentro-lor-8521-2145>
9. Σχετικές θέσεις ευθείας και κύκλου (Geogebra):  
<http://photodentro.edu.gr/aggregator/lo/photodentro-lor-8521-2166>
10. Διευρέυνση σε τεμνόμενους κύκλους (Geogebra):  
<http://photodentro.edu.gr/aggregator/lo/photodentro-lor-8521-2086>
11. Τριγωνική Ανισότητα (Geogebra):  
<http://photodentro.edu.gr/aggregator/lo/photodentro-lor-8521-5860>

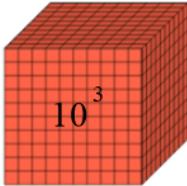
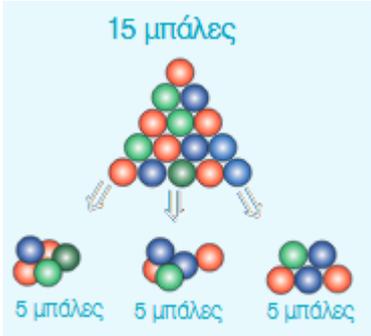


Γλωσσάρι με παραδείγματα

Φυσικοί Αριθμοί

قائمة المصطلحات مع الأمثلة

الارقام الصحيحة		
الصفحة	الأمثلة	المعاني
	0, 1, 2, 3, ..., 29, 30, ..., 999, 1000, ...	الارقام الصحيحة (الطبيعية)
	0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, ... 	الأعداد الزوجية
	1, 3, 5, 7, 9, 11, ... 	الأعداد الفردية
	$10+5=15$	الجمع - المجموع
	$12 - 2 = 10$	الطرح - الفرق
	$4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 = 6 \cdot 4 = 24$ <small>6 ίσοι όροι με 4</small>	الضرب - المنتج - عوامل المنتج
	$3^4 = 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3$	قوة
		قاعدة القوة - الاس القوة
	$2^2, 7^2, 123^2$ 	مربع العدد (مربع الرقم)
	$2^3, 6^3, 304^3$	مكعب العدد (مكعب الرقم)

	 <p><math>10^3</math></p>	
	<p><math>15 : 3 = 5</math></p>  <p>15 μπάλες</p> <p>5 μπάλες 5 μπάλες 5 μπάλες</p>	التقسيم - حاصل القسمة
	<p>Διαιρετέος</p> <p>37</p> <p>- 35</p> <hr/> <p>υπόλοιπο 2</p> <p>5</p> <hr/> <p>7 πηλίκο</p> <p>διαιρέτης</p>	القاسم - يقبل القسمة - الباقي
	<p><math>37 = 5 \cdot 7 + 2</math></p>	التقسيم الإقليدي
	<p>Τα πολλαπλάσια του 5 είναι: 0, 5, 10, 15, 20, ...          مضاعفات العدد 5 هي: 0, 5, 10, 15, 20, ...</p>	مضاعفات العدد الطبيعي
	<p>Τα πολλαπλάσια του 5: 0, 5, 10, 15, 10, ...          مضاعف العدد 5: 0, 5, 10, 15, 10, ...</p> <p>Τα πολλαπλάσια του 3: 0, 3, 6, 9, 12, 15, 18, ...  <math>EKP(5, 3) = 15</math></p> <p>Μضاعفات العدد 3: 0, 3, 6, 9, 12, 15, ...</p>	المضاعف المشترك الأدنى (الأصغر)
	<p>Οι διαιρέτες του 15 είναι: 1, 3, 5, 15          قواسم العدد 15 هي: 1, 3, 5, 15</p>	مقسّمات عدد طبيعي
	<p>Οι διαιρέτες του 15 είναι: 1, 3, 5, 15          Οι διαιρέτες του 12 είναι: 1, 2, 3, 4, 6, 12  <math>MKΔ(15, 12) = 3</math></p> <p>قواسم العدد 15 هي: 1, 3, 5, 15          قواسم العدد 12 هي: 1, 2, 3, 4, 6, 12</p>	القاسم المشترك الأقصى (الأكبر)
	<p>2, 3, 5, 7, 11, 13, ...</p>	الأعداد الأولية

		<p>4, 6, 8, 9, 12, 15, ...</p>	ارقام مركبة

القوة Δύναμη

الاس Εκθέτης

القاعدة Βάση

ثلاث معطيات متساوية 3 ίσοι παράγοντες

نتيجة (محصلة) القوة Αποτέλεσμα της δύναμης

مقسوم Διαιρετέος

البقية Υπόλοιπο

المقسوم عليه Διαιρέτης

حاصل القسمة Πηλίκο

نتيجة المنتج Αποτέλεσμα για το γινόμενο

(المضروب به) المعطى παράγοντας του γινόμενου

(المضروب به) المعطى παράγοντας του γινομένου

## Γλωσσάρι με παραδείγματα

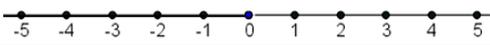
Κλάσματα		
Έννοια	Παράδειγμα	Σελίδα
Κλάσμα	<p>Κλάσμα: <math>\frac{2}{3}</math></p> <p>← αριθμητής ← γραμμή κλάσματος ← παρονομαστής</p> <p>Το διαβάζουμε «<b>δύο</b> <b>τρίτα</b>» ή «<b>δύο</b> προς <b>τρία</b>»</p> 	1
Ισοδύναμα κλάσματα	$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6} = \frac{4}{8} = \frac{5}{10} = \frac{6}{12}$	4
Απλοποίηση	$\frac{18}{27} = \frac{18:9}{27:9} = \frac{2}{3}$	6
Ανάγωγο κλάσμα	Είναι ανάγωγα: $\frac{1}{2}, \frac{3}{4}, \frac{7}{5}$ Δεν είναι ανάγωγα: $\frac{2}{4}, \frac{9}{12}, \frac{14}{10}$	6
Ομώνυμα κλάσματα	$\frac{3}{5}, \frac{12}{5}$ $\frac{5}{5}, \frac{3}{3}$ $\frac{7}{7}, \frac{7}{7}$ $\frac{6}{6}, \frac{17}{17}$ $\frac{13}{13}, \frac{13}{13}$	7
Ετερόνυμα κλάσματα	$\frac{3}{5}, \frac{12}{7}$ $\frac{5}{5}, \frac{3}{3}$ $\frac{8}{8}, \frac{7}{7}$ $\frac{6}{6}, \frac{17}{17}$ $\frac{13}{13}, \frac{14}{14}$	8
Πρόσθεση κλασμάτων	$\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\gamma}{\beta} = \frac{\alpha+\gamma}{\beta}$ $\frac{5}{3} + \frac{2}{3} = \frac{5+2}{3} = \frac{7}{3}$ $\frac{2}{3} + \frac{1}{2} = \frac{4}{6} + \frac{3}{6} = \frac{4+3}{6} = \frac{7}{6}$	12
Αφαίρεση κλασμάτων	$\frac{\alpha}{\beta} - \frac{\gamma}{\beta} = \frac{\alpha-\gamma}{\beta}$ $\frac{5}{3} - \frac{2}{3} = \frac{5-2}{3} = \frac{3}{3} = 1$ $\frac{2}{3} - \frac{1}{2} = \frac{4}{6} - \frac{3}{6} = \frac{4-3}{6} = \frac{1}{6}$	12
Πολλαπλασιασμός κλασμάτων	$\frac{\alpha}{\gamma} \cdot \frac{\beta}{\gamma} = \frac{\alpha \cdot \beta}{\gamma}$ , π.χ. $5 \cdot \frac{2}{3} = \frac{5 \cdot 2}{3} = \frac{10}{3}$ $\frac{\alpha}{\beta} \cdot \frac{\gamma}{\delta} = \frac{\alpha \cdot \gamma}{\beta \cdot \delta}$ , π.χ. $\frac{4}{5} \cdot \frac{2}{3} = \frac{4 \cdot 2}{5 \cdot 3} = \frac{8}{15}$	17

<p>Αντίστροφοι αριθμοί</p>	$\frac{3}{4} \text{ με } \frac{4}{3}, 2 \text{ με } \frac{1}{2}, \alpha \text{ με } \frac{1}{\alpha}$ <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: inline-block;"> <math>2 = \left( \frac{2}{1} \right) \rightarrow \frac{1}{2}</math> </div> $\left( \frac{3}{4} \right) \rightarrow \frac{4}{3}$ <p>γιατί: <math>\frac{3}{4} \cdot \frac{4}{3} = 1, 2 \cdot \frac{1}{2} = 1, \alpha \cdot \frac{1}{\alpha} = 1</math></p>	18
<p>Διαίρεση κλασμάτων</p>	$\frac{\alpha}{\beta} : \frac{\gamma}{\delta} = \frac{\alpha}{\beta} \cdot \frac{\delta}{\gamma} = \frac{\alpha \cdot \delta}{\beta \cdot \gamma}, \text{ π.χ. } \frac{4}{5} : \frac{2}{3} = \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{2} = \frac{4 \cdot 3}{5 \cdot 2} = \frac{6}{5}$	19

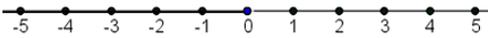
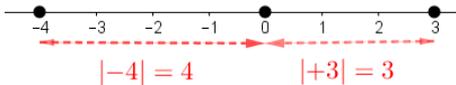
الكسور		
الصفحة	الأمثلة	المعاني
1	<p>الكسر: <math>\frac{2}{3}</math></p> <p>← البسط ← خط الكسر ← المقام</p> <p>نقرأها « الثلثين » أو « اثنين الى ثلاثة »</p>	الكسر
4	$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6} = \frac{4}{8} = \frac{5}{10} = \frac{6}{12}$	الكسور المتكافئة
6	$\frac{18}{27} = \frac{18:9}{27:9} = \frac{2}{3}$	التبسيط
6	<p>يكون مختزل: <math>\frac{1}{2}, \frac{3}{4}, \frac{7}{5}</math></p> <p>ليس مختزل: <math>\frac{2}{9}, \frac{14}{10}, \frac{4}{12}</math></p>	اختزال الكسر
7	$\frac{3}{5}, \frac{12}{5}, \frac{7}{6}, \frac{7}{17}, \frac{13}{13}$	الكسور المتجانسة (لها نفس المقام)
8	$\frac{3}{5}, \frac{12}{7}, \frac{5}{8}, \frac{7}{6}, \frac{13}{14}$	الكسور غير المتجانسة (لها مقامات مختلفة)
12	$\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\gamma}{\beta} = \frac{\alpha + \gamma}{\beta}$ $\frac{5}{3} + \frac{2}{3} = \frac{5+2}{3} = \frac{7}{3}$ $\frac{2}{3} + \frac{1}{2} = \frac{4}{6} + \frac{3}{6} = \frac{4+3}{6} = \frac{7}{6}$	جمع الكسور

12	$\frac{\alpha}{\beta} - \frac{\gamma}{\beta} = \frac{\alpha - \gamma}{\beta}$ $\frac{5}{3} - \frac{2}{3} = \frac{5-2}{3} = \frac{3}{3} = 1,$ $\frac{2}{3} - \frac{1}{2} = \frac{4}{6} - \frac{3}{6} = \frac{4-3}{6} = \frac{1}{6}$	طرح الكسور
17	$\alpha \cdot \frac{\beta}{\gamma} = \frac{\alpha \cdot \beta}{\gamma}, \text{ π.χ. } 5 \cdot \frac{2}{3} = \frac{5 \cdot 2}{3} = \frac{10}{3}$ $\frac{\alpha}{\beta} \cdot \frac{\gamma}{\delta} = \frac{\alpha \cdot \gamma}{\beta \cdot \delta}, \text{ π.χ. } \frac{4}{5} \cdot \frac{2}{3} = \frac{4 \cdot 2}{5 \cdot 3} = \frac{8}{15}$	ضرب الكسور
18	$\frac{3}{4} \text{ مع } \frac{4}{3}, 2 \mu\epsilon \frac{1}{2}, \alpha \text{ مع } \frac{1}{\alpha}$ <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: inline-block;"> <math>2 = \left( \frac{2}{1} \right) \rightarrow \frac{1}{2} \quad \left( \frac{3}{4} \right) \rightarrow \frac{4}{3}</math> </div> <p>لان: <math>\frac{3}{4} \cdot \frac{4}{3} = 1, 2 \cdot \frac{1}{2} = 1, \alpha \cdot \frac{1}{\alpha} = 1</math></p>	الارقام العكسية
19	$\frac{\alpha}{\beta} : \frac{\gamma}{\delta} = \frac{\alpha}{\beta} \cdot \frac{\delta}{\gamma} = \frac{\alpha \cdot \delta}{\beta \cdot \gamma}, \text{ π.χ. } \frac{4}{5} : \frac{2}{3} = \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{2} = \frac{4 \cdot 3}{5 \cdot 2} = \frac{6}{5}$	تقسيم الكسور

## Γλωσσάρι με παραδείγματα

Ακέραιοι αριθμοί και πράξεις		
Έννοια	Παράδειγμα	Σελίδα
Φυσικοί αριθμοί ή θετικοί αριθμοί	0, 1, 2, 3, 4, 5, ..., 1000, ...	2
Αρνητικοί αριθμοί	-1, -2, -3, -4, ..., -1000, ...	2
Πρόσημο	+4, -7, +9, -122	2
Αριθμογραμμή		2
Ομόσημοι αριθμοί	2 και 5, -6 και -4,	2
Ετερόσημοι αριθμοί	2 και -4, -9 και 7	2
Αντίθετοι αριθμοί	5 και -5, -7 και 7, -123 και 123	3
Ακέραιοι αριθμοί	..., -1000, ..., -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, ..., 1000, ...	3
Απόλυτη τιμή αριθμού		4

قائمة المصطلحات مع الأمثلة

الأعداد الصحيحة والعمليات		
صفحة	أمثلة	المعاني
2	0, 1, 2, 3, 4, 5, ..., 1000, ...	الأعداد الطبيعية أو الأعداد الموجبة
2	-1, -2, -3, -4, ..., -1000, ...	الأعداد السالبة
2	+4, -7, +9, -122	إشارة
2		خط الأعداد
2	2 و 5, -6 و -4,	الأرقام المتماثلة (بالإشارة)
2	2 و -4, -9 و 7	الأعداد المتعايرة (بالإشارة)
3	5 و -5, -7 و 7, -123 و 123	الأرقام المعاكسة
3	..., -1000, ..., -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, ..., 1000, ...	الأعداد الصحيحة
4		قيمة العدد المطلقة

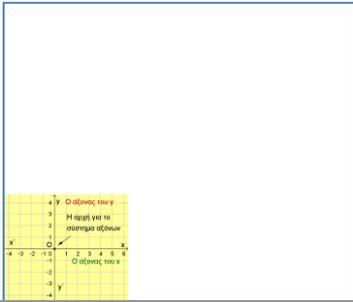
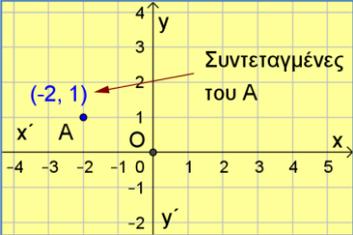
## Γλωσσάρι με παραδείγματα

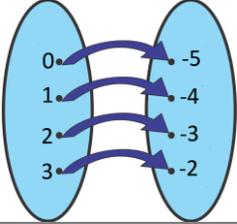
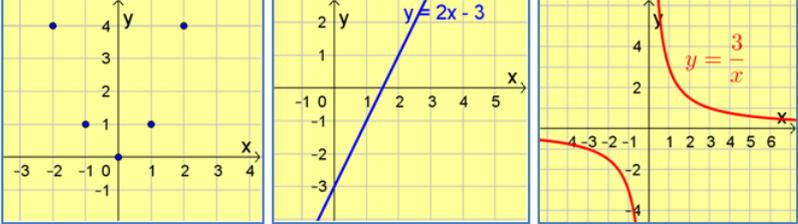
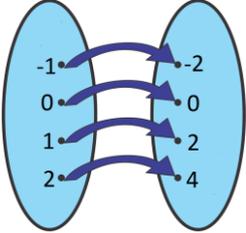
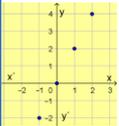
Άλγεβρα: Εξίσωση 1 <sup>ου</sup> βαθμού		
Έννοια	Παράδειγμα	Σελίδα
Ισότητα	$7 - 3 = 8 \div 2$	2
Εξίσωση 1 <sup>ου</sup> βαθμού με έναν άγνωστο	$5x - 6 = 10 - 3x$	3
Λύση/ρίζα μιας εξίσωσης	2 είναι η λύση της $5x - 6 = 10 - 3x$	4
Άλγεβρα: Ανίσωση 1ου βαθμού		
Έννοια	Παράδειγμα	Σελίδα
Ανισότητα	$7 - 3 > 2, \quad 3+1 < 2 \cdot 5$	1
Ανίσωση 1 <sup>ου</sup> βαθμού με έναν άγνωστο	$8x - 3 > 12 + 2x$	6
Λύση/ρίζα μιας ανίσωσης	3, 4, 5, 12 είναι λύσεις για $8x - 3 > 12 + 2x$	7

### قائمة المصطلحات مع الأمثلة

جبر : معادلة من الدرجة الاولى		
الصفحة	الأمثلة	المعاني
2	$7 - 3 = 8 \div 2$	مساواة
3	$5x - 6 = 10 - 3x$	معادلة من الدرجة ذات مجهول واحد
4	الحل $5x - 6 = 10 - 3x$ الحل 2	الحل ، جذر المعادلة
جبر: متباينة من الدرجة الاولى		
الصفحة	الأمثلة	المعاني
1	$7 - 3 > 2, \quad 3+1 < 2 \cdot 5$	متباينة ، عدم المساواة
6	$8x - 3 > 12 + 2x$	متباينة من الدرجة الاولى ذات مجهول واحد
7	الحل $8x - 3 > 12 + 2x$ الحل 3, 4, 5, 12	الحل ، جذر المتباينة

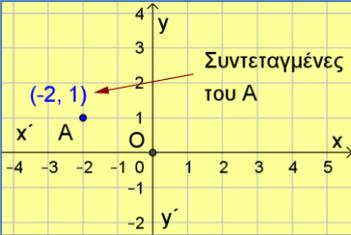
Γλωσσάρι με παραδείγματα

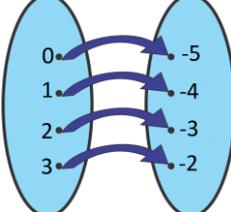
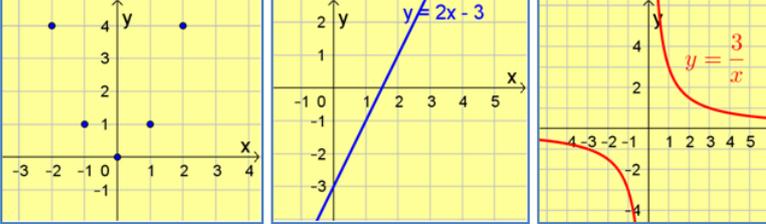
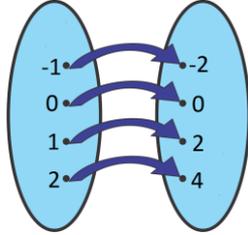
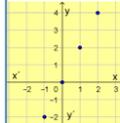
Συναρτήσεις																
Έννοια	Παράδειγμα	Σελίδα														
<p>Σύστημα αξόνων</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Άξονας του x</li> <li>• Άξονας του y</li> <li>• Αρχή για το σύστημα αξόνων</li> </ul>		1														
Συντεταγμένες		2														
x-συντεταγμένη	$(-4, 5), (3, 0), (0, -2), (1, -100)$	2														
y-συντεταγμένη	$(-4, 5), (3, 0), (0, -2), (1, -100)$	2														
Ποσά ανάλογα	$\frac{y}{x} = 5$ <table border="1" style="display: inline-table; margin: 10px;"> <thead> <tr><th>x</th><th>y</th></tr> </thead> <tbody> <tr><td>1</td><td>5</td></tr> <tr><td>2</td><td>10</td></tr> <tr><td>6</td><td>30</td></tr> <tr><td>18</td><td>90</td></tr> </tbody> </table>	x	y	1	5	2	10	6	30	18	90	4				
x	y															
1	5															
2	10															
6	30															
18	90															
Συντελεστής αναλογίας	$\frac{y}{x} = a$	4														
Ποσά αντιστρόφως ανάλογα	$x \cdot y = 12$ <table border="1" style="display: inline-table; margin: 10px;"> <thead> <tr><th>x</th><th>y</th></tr> </thead> <tbody> <tr><td>1</td><td>12</td></tr> <tr><td>2</td><td>6</td></tr> <tr><td>3</td><td>4</td></tr> </tbody> </table>	x	y	1	12	2	6	3	4	8						
x	y															
1	12															
2	6															
3	4															
Πίνακας τιμών	<table border="1" style="display: inline-table;"> <tbody> <tr><td>x</td><td>-1</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>6</td></tr> <tr><td>y</td><td>-2</td><td>0</td><td>2</td><td>4</td><td>6</td><td>12</td></tr> </tbody> </table>	x	-1	0	1	2	3	6	y	-2	0	2	4	6	12	12
x	-1	0	1	2	3	6										
y	-2	0	2	4	6	12										

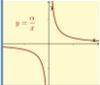
<p>Διάγραμμα</p>		<p>12</p>										
<p>Γραφική παράσταση</p>		<p>12</p>										
<p>Τύπος</p>	<p><math>y = -2x</math>, <math>y = 2x - 1</math>, <math>y = x^2</math>, <math>y = \frac{3}{x}</math></p>	<p>12</p>										
<p>Συνάρτηση</p>	<table border="1" data-bbox="450 949 807 1097"> <tr> <td><b>x</b></td> <td>-1</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>2</td> </tr> <tr> <td><b>y</b></td> <td>-2</td> <td>0</td> <td>2</td> <td>4</td> </tr> </table> <p data-bbox="979 981 1114 1048"><math>y = 2x</math> «επί δύο»</p>  	<b>x</b>	-1	0	1	2	<b>y</b>	-2	0	2	4	<p>11</p>
<b>x</b>	-1	0	1	2								
<b>y</b>	-2	0	2	4								
<p>Κλίση ευθείας</p>	<p><math>y = 2x</math>, <math>y = -3x + 4</math></p> 	<p>15, 19</p>										

Υπερβολή		22
----------	---	----

قائمة المصطلحات مع الأمثلة

المعادلات																														
الصفحة	الأمثلة	المعاني																												
1		نظام المحور محور $x$ محور $y$ مبدأ نظام المحور																												
2		إحداثيات ، نظام الاحداثيات																												
2	$(-4, 5), (3, 0), (0, -2), (1, -100)$	احداثية- $x$																												
2	$(-4, 5), (3, 0), (0, -2), (1, -100)$	احداثية- $y$																												
4	$\frac{y}{x} = 5$ <table style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td><math>\times 2</math></td> <td></td> <td> <table border="1" style="text-align: center;"> <tr><th>x</th><th>y</th></tr> <tr><td>1</td><td>5</td></tr> <tr><td>2</td><td>10</td></tr> <tr><td>6</td><td>30</td></tr> <tr><td>18</td><td>90</td></tr> </table> </td> <td><math>\times 2</math></td> </tr> <tr> <td><math>\times 3</math></td> <td></td> <td> <table border="1" style="text-align: center;"> <tr><th>x</th><th>y</th></tr> <tr><td>1</td><td>5</td></tr> <tr><td>2</td><td>10</td></tr> <tr><td>6</td><td>30</td></tr> <tr><td>18</td><td>90</td></tr> </table> </td> <td><math>\times 3</math></td> </tr> </table>	$\times 2$		<table border="1" style="text-align: center;"> <tr><th>x</th><th>y</th></tr> <tr><td>1</td><td>5</td></tr> <tr><td>2</td><td>10</td></tr> <tr><td>6</td><td>30</td></tr> <tr><td>18</td><td>90</td></tr> </table>	x	y	1	5	2	10	6	30	18	90	$\times 2$	$\times 3$		<table border="1" style="text-align: center;"> <tr><th>x</th><th>y</th></tr> <tr><td>1</td><td>5</td></tr> <tr><td>2</td><td>10</td></tr> <tr><td>6</td><td>30</td></tr> <tr><td>18</td><td>90</td></tr> </table>	x	y	1	5	2	10	6	30	18	90	$\times 3$	المبالغ، القيمة تبعاً لذلك
$\times 2$		<table border="1" style="text-align: center;"> <tr><th>x</th><th>y</th></tr> <tr><td>1</td><td>5</td></tr> <tr><td>2</td><td>10</td></tr> <tr><td>6</td><td>30</td></tr> <tr><td>18</td><td>90</td></tr> </table>	x	y	1	5	2	10	6	30	18	90	$\times 2$																	
x	y																													
1	5																													
2	10																													
6	30																													
18	90																													
$\times 3$		<table border="1" style="text-align: center;"> <tr><th>x</th><th>y</th></tr> <tr><td>1</td><td>5</td></tr> <tr><td>2</td><td>10</td></tr> <tr><td>6</td><td>30</td></tr> <tr><td>18</td><td>90</td></tr> </table>	x	y	1	5	2	10	6	30	18	90	$\times 3$																	
x	y																													
1	5																													
2	10																													
6	30																													
18	90																													
4	$\frac{y}{x} = a$	عامل النسبة																												

8	<table border="1" style="display: inline-table; margin-right: 20px;"> <thead> <tr style="background-color: #008000; color: white;"> <th>x</th> <th>y</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>1</td><td>12</td></tr> <tr><td>2</td><td>6</td></tr> <tr><td>3</td><td>4</td></tr> </tbody> </table> $x \cdot y = 12$	x	y	1	12	2	6	3	4	القيمة المتناسبة عكسيا						
x	y															
1	12															
2	6															
3	4															
12	<table border="1" style="display: inline-table;"> <thead> <tr style="background-color: #000080; color: white;"> <th>x</th> <td>-1</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>6</td> </tr> <tr style="background-color: #000080; color: white;"> <th>y</th> <td>-2</td> <td>0</td> <td>2</td> <td>4</td> <td>6</td> <td>12</td> </tr> </thead> </table>	x	-1	0	1	2	3	6	y	-2	0	2	4	6	12	قائمة الاسعار
x	-1	0	1	2	3	6										
y	-2	0	2	4	6	12										
12		مخطط														
12		رسم بياني														
12	$y = -2x, y = 2x - 1, y = x^2, y = \frac{3}{x}$	معادلة ، صيغة														
11	<table border="1" style="display: inline-table; margin-right: 20px;"> <thead> <tr style="background-color: #000080; color: white;"> <th>x</th> <td>-1</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>2</td> </tr> <tr style="background-color: #000080; color: white;"> <th>y</th> <td>-2</td> <td>0</td> <td>2</td> <td>4</td> </tr> </thead> </table> <p style="text-align: center;"><math>y = 2x</math> «ضرب اثنان»</p>  	x	-1	0	1	2	y	-2	0	2	4	معادلة				
x	-1	0	1	2												
y	-2	0	2	4												

<p>15, 19</p>	<p><math>y = 2x</math> , <math>y = -3x + 4</math></p>		<p>ميل الخط المستقيم</p>
<p>22</p>			<p>القطع الزائد</p>

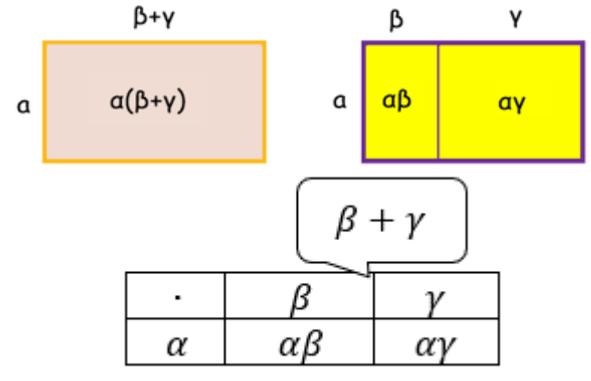
Γλωσσάρι με παραδείγματα

Άλγεβρα: Αλγεβρικές παραστάσεις								
Έννοια	Παράδειγμα	Σελίδα						
Μεταβλητή	$\kappa$ $x$ $a$	2						
Αλγεβρική παράσταση	$3x$ $x + 5$ $y^2 - 2y + \frac{1}{6}$ $3\omega^2\alpha\beta^3$	3						
Αριθμητική τιμή αλγεβρικής παράστασης	Για $x = 2$ , είναι: $x + 5 = 2 + 5 = 7$	3						
Όμοιοι όροι <sup>1</sup>	$3\alpha + 2\beta - \alpha - 5\beta + 6\alpha$ Όμοιοι (μεταξύ τους) είναι οι: $3\alpha, -\alpha, 6\alpha$ και οι: $2\beta, -5\beta$	6						
Επιμεριστική ιδιότητα	$a(\beta + \gamma) = a\beta + a\gamma$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>·</td> <td><math>\beta</math></td> <td><math>\gamma</math></td> </tr> <tr> <td><math>\alpha</math></td> <td><math>\alpha\beta</math></td> <td><math>\alpha\gamma</math></td> </tr> </table>	·	$\beta$	$\gamma$	$\alpha$	$\alpha\beta$	$\alpha\gamma$	9
·	$\beta$	$\gamma$						
$\alpha$	$\alpha\beta$	$\alpha\gamma$						
Ανάπτυγμα γινομένου	Ανάπτυγμα του γινομένου $a(\beta + \gamma)$ είναι το $a\beta + a\gamma$	9						
Μονώνυμο	$3x^2$ $-31xy$ $\frac{1}{3}x^4y^3$ $-x$ $5$	12						
Κύριο μέρος μονωνύμου Συντελεστής μονωνύμου	 $-2x^2y$ Κύριο μέρος Συντελεστής	12						
Όμοια μονώνυμα	Έχουν το ίδιο κύριο μέρος $2\alpha^2\beta, -\alpha^2\beta, \frac{1}{2}\alpha^2\beta$	12						
Πολυώνυμο	$3x^2 - 5x$ $-7x + 2y$	12						

<sup>1</sup> Δες παρακάτω και τα όμοια μονώνυμα

Αναγωγή όμοιων όρων (πρόσθεση μονωνύμων)	$2\alpha^2\beta + 10\alpha^2\beta - 4\alpha^2\beta =$ $= (2 + 10 - 4)\alpha^2\beta =$ $= 8\alpha^2\beta$	13
Πρόσθεση πολυωνύμων	$(2x^2 - 5x + 6) + (x^3 + 3x^2 + 4x - 7) =$ $= 2x^2 - 5x + 6 + x^3 + 3x^2 + 4x - 7 =$ $= x^3 + 5x^2 - x - 1$	13
Πολλαπλασιασμός μονωνύμων	$3\alpha^2\beta \cdot 5\alpha\beta^3\kappa = 15\alpha^3\beta^4\kappa$	14
Πολλαπλασιασμός μονωνύμου με πολυώνυμο	$-2x(3x^2 - x + 4) = -6x^3 + 2x^2 - 8x$	16
Παραγοντοποίηση (Μέθοδος κοινού παράγοντα)	$6x^4y^3 + 8x^3y =$ $= 2x^2y \cdot 3x^2y^2 + 2x^2y \cdot 4 =$ $= 2x^2y(3x^2y^2 + 4)$	19-20
Πολλαπλασιασμός πολυωνύμου με πολυώνυμο	$(2x - 3)(5x - 1) = 10x^2 - 17x + 3$	22-23
Παραγοντοποίηση (Μέθοδος της ομαδοποίησης)	$\kappa\alpha + \lambda\alpha + \kappa\beta + \lambda\beta = (\alpha + \beta)(\kappa + \lambda)$	26-27
Ανάπτυγμα τετραγώνου αθροίσματος δύο όρων	$(\alpha + \beta)^2 = \alpha^2 + 2\alpha\beta + \beta^2$ $(\blacksquare + \bullet)^2 = \blacksquare^2 + 2\blacksquare \cdot \bullet + \bullet^2$ <p>π.χ. <math>(3x + 5)^2 = 9x^2 + 10x + 25</math></p> $(\alpha + \beta)^2 = \alpha^2 + 2\alpha\beta + \beta^2$ $(3x + 5)^2 = (3x)^2 + 2 \cdot 3x \cdot 5 + 5^2 = 9x^2 + 30x + 25$	30 και 34
Ανάπτυγμα τετραγώνου διαφοράς δύο όρων	$(\alpha - \beta)^2 = \alpha^2 - 2\alpha\beta + \beta^2$ $(\blacksquare - \bullet)^2 = \blacksquare^2 - 2\blacksquare \cdot \bullet + \bullet^2$ <p>π.χ. <math>(3x - 5)^2 = 9x^2 - 10x + 25</math></p> $(\alpha - \beta)^2 = \alpha^2 - 2\alpha\beta + \beta^2$ $(3x - 5)^2 = (3x)^2 - 2 \cdot 3x \cdot 5 + 5^2 = 9x^2 - 30x + 25$	31 και 34
Παραγοντοποίηση (Μέθοδος αναπτύγματος τετραγώνου)	$(\alpha + \beta)^2 = \alpha^2 + 2\alpha\beta + \beta^2$ $\blacksquare^2 + 2\blacksquare \cdot \bullet + \bullet^2 = (\blacksquare + \bullet)^2$ <p>ή</p> $(\alpha - \beta)^2 = \alpha^2 - 2\alpha\beta + \beta^2$ $\blacksquare^2 - 2\blacksquare \cdot \bullet + \bullet^2 = (\blacksquare - \bullet)^2$ <p>π.χ. <math>4x^2 + 12x + 9 = (2x + 3)^2</math></p> $\underbrace{(2x)^2}_{4x^2} + \underbrace{2 \cdot 2x \cdot 3}_{12x} + \underbrace{3^2}_9 = (2x + 3)^2$	32-33 και 34

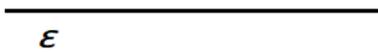
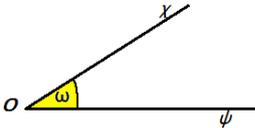
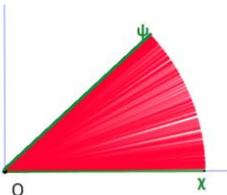
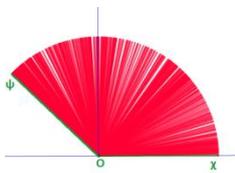
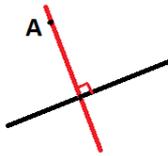
Γινόμενο αθροίσματος επί διαφοράς δύο όρων	$(\alpha + \beta)(\alpha - \beta) = \alpha^2 - \beta^2$ π.χ. $(3x + 5)(3x - 5) = (3x)^2 - 5^2 = 9x^2 - 25$	38
Παραγοντοποίηση (Μέθοδος διαφοράς τετραγώνων)	$\alpha^2 - \beta^2 = (\alpha + \beta)(\alpha - \beta)$ π.χ. $16x^2 - 25 = (4x - 5)(4x + 5)$ $\alpha^2 - \beta^2 = (\alpha - \beta)(\alpha + \beta)$ $16x^2 - 25 = (4x)^2 - 5^2 = (4x - 5)(4x + 5)$	39-40

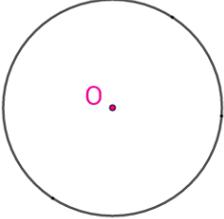
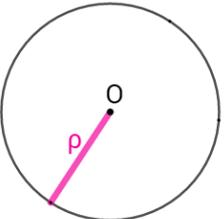
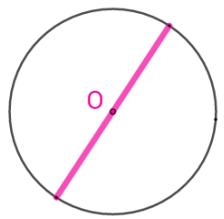
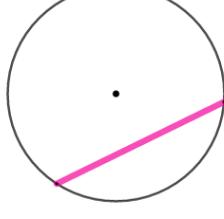
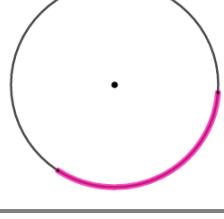
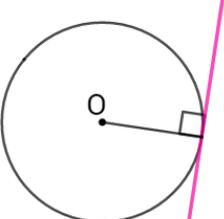
الجبر: التعبيرات الجبرية		
الصفحة	الأمثلة	المعاني
2	$\kappa$ $x$ $a$	متغير
3	$3x$ $x + 5$ $y^2 - 2y + \frac{1}{6}$ $3\omega^2\alpha\beta^3$	التمثيل الجبري
3	Για $x = 2$ , يكون: $x + 5 = 2 + 5 = 7$	القيمة العددية للتعبير الجبري
6	$3\alpha + 2\beta - \alpha - 5\beta + 6\alpha$ (فيما بينها) متشابهة يكون: $3\alpha, -\alpha, 6\alpha$ و: $2\beta, -5\beta$	<sup>2</sup> شروط مماثلة
9	$\alpha(\beta + \gamma) = \alpha\beta + \alpha\gamma$ 	خاصية التوزيع
9	نطور المنتج $\alpha(\beta + \gamma)$ يكون $\alpha\beta + \alpha\gamma$	تطوير المنتج
12	$3x^2$ $-31xy$ $\frac{1}{3}x^4y^3$ $-x$ $5$	مجهول

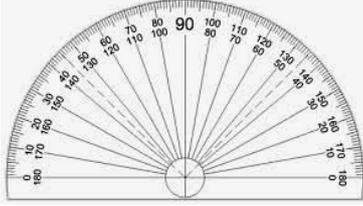
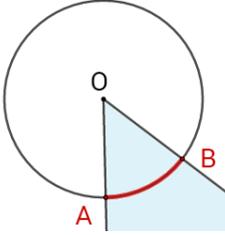
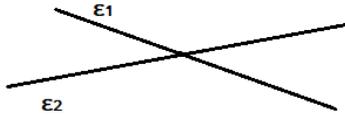
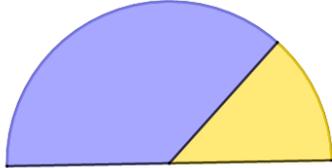
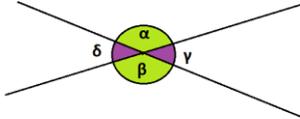
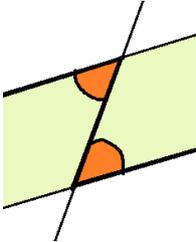
<sup>2</sup> Δες παρακάτω και τα όμοια μονώνυμα

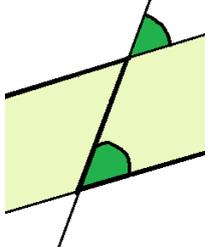
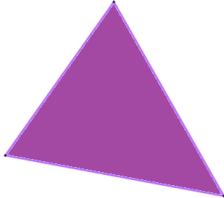
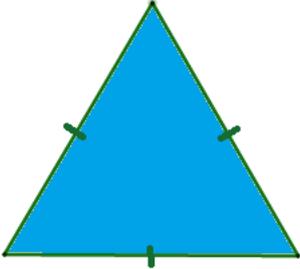
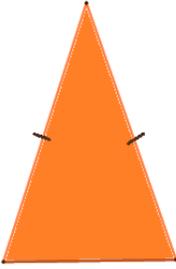
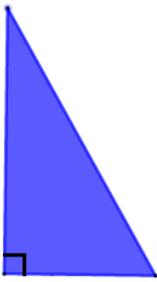
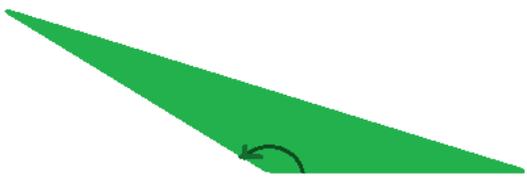
12		الجزء الرئيسي مجهول مسمى مجهول
12	<p>لدينا نفس الجزء الرئيسي</p> $2\alpha^2\beta, -\alpha^2\beta, \frac{1}{2}\alpha^2\beta$	نفس المجاهيل
12	$\begin{aligned} 3x^2 - 5x \\ -7x + 2y \end{aligned}$	متعدد الحدود
13	$\begin{aligned} 2\alpha^2\beta + 10\alpha^2\beta - 4\alpha^2\beta &= \\ = (2 + 10 - 4)\alpha^2\beta &= \\ = 8\alpha^2\beta \end{aligned}$	تخفيض شروط مماثلة (إضافة مجهول)
13	$\begin{aligned} (2x^2 - 5x + 6) + (x^3 + 3x^2 + 4x - 7) &= \\ = 2x^2 - 5x + 6 + x^3 + 3x^2 + 4x - 7 &= \\ = x^3 + 5x^2 - x - 1 \end{aligned}$	إضافة متعدد المجاهيل
14	$3\alpha^2\beta \cdot 5\alpha\beta^3\kappa = 15\alpha^3\beta^4\kappa$	ضرب عدد احادي
16	$-2x(3x^2 - x + 4) = -6x^3 + 2x^2 - 8x$	ضرب عدد أحادي مع كثير الحدود
20 -19	$\begin{aligned} 6x^4y^3 + 8x^3y &= \\ = 2x^2y \cdot 3x^2y^2 + 2x^2y \cdot 4 &= \\ = 2x^2y(3x^2y^2 + 4) \end{aligned}$	التحليل الى عوامل (طريقة العامل المشترك)
23-22	$(2x - 3)(5x - 1) = 10x^2 - 17x + 3$	ضرب كثير الحدود في كثير الحدود
27-26	$\kappa\alpha + \lambda\alpha + \kappa\beta + \lambda\beta = (\alpha + \beta)(\kappa + \lambda)$	عامل (طريقة التجميع)
34 و 30	$\begin{aligned} (\alpha + \beta)^2 &= \alpha^2 + 2\alpha\beta + \beta^2 \\ (\blacksquare + \bullet)^2 &= \blacksquare^2 + 2\blacksquare\bullet + \bullet^2 \\ \text{π.χ. } (3x + 5)^2 &= 9x^2 + 10x + 25 \\ (\alpha + \beta)^2 &= \alpha^2 + 2\alpha\beta + \beta^2 \\ (\blacksquare + \bullet)^2 &= \blacksquare^2 + 2\blacksquare\bullet + \bullet^2 \\ (3x + 5)^2 &= (3x)^2 + 2 \cdot 3x \cdot 5 + 5^2 = 9x^2 + 30x + 25 \end{aligned}$	توسيع (تطوير, تنمية) مربع من حدين
34 و 31	$\begin{aligned} (\alpha - \beta)^2 &= \alpha^2 - 2\alpha\beta + \beta^2 \\ (\blacksquare - \bullet)^2 &= \blacksquare^2 - 2\blacksquare\bullet + \bullet^2 \\ \text{π.χ. } (3x - 5)^2 &= 9x^2 - 10x + 25 \\ (\alpha - \beta)^2 &= \alpha^2 - 2\alpha\beta + \beta^2 \\ (\blacksquare - \bullet)^2 &= \blacksquare^2 - 2\blacksquare\bullet + \bullet^2 \\ (3x - 5)^2 &= (3x)^2 - 2 \cdot 3x \cdot 5 + 5^2 = 9x^2 - 30x + 25 \end{aligned}$	توسيع (تطوير, تنمية) مربع فرق من حدين
34-33-32	$\begin{aligned} (\alpha + \beta)^2 &= \alpha^2 + 2\alpha\beta + \beta^2 \\ \blacksquare^2 + 2\blacksquare\bullet + \bullet^2 &= (\blacksquare + \bullet)^2 \\ \text{ή} \\ (\alpha - \beta)^2 &= \alpha^2 - 2\alpha\beta + \beta^2 \end{aligned}$	التحليل الى عوامل (طريقة التوسيع المربع)

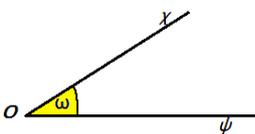
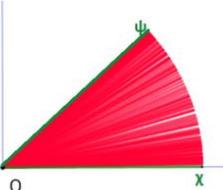
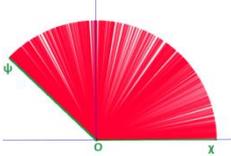
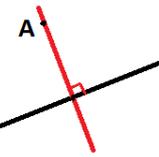
	$\blacksquare^2 - 2\blacksquare\bullet + \bullet^2 = (\blacksquare - \bullet)^2$ <p>π.χ. <math>4x^2 + 12x + 9 = (2x + 3)^2</math></p> $\alpha^2 + 2\alpha\beta + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2$ $\underbrace{(2x)^2}_{4x^2} + \underbrace{2 \cdot 2x \cdot 3}_{12x} + \underbrace{3^2}_9 = (2x + 3)^2$	
38	$(\alpha + \beta)(\alpha - \beta) = \alpha^2 - \beta^2$ <p>π.χ. <math>(3x + 5)(3x - 5) = (3x)^2 - 5^2 = 9x^2 - 25</math></p>	حاصل ضرب مجموع الفرق بين حدين
40-39	$\alpha^2 - \beta^2 = (\alpha + \beta)(\alpha - \beta)$ <p>π.χ. <math>16x^2 - 25 = (4x - 5)(4x + 5)</math></p> $a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$ $16x^2 - 25 = (4x)^2 - 5^2 = (4x - 5)(4x + 5)$	التحليل الى عوامل (طريقة الفرق التربيعي)

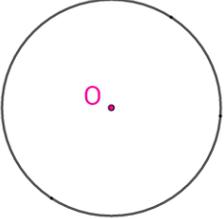
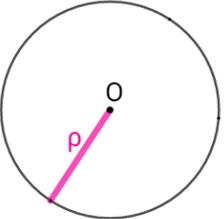
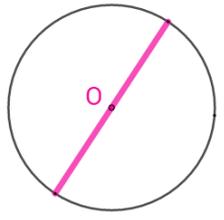
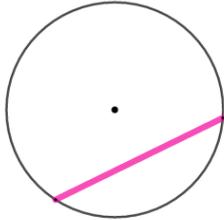
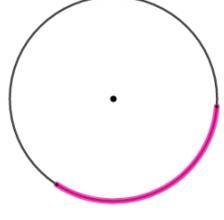
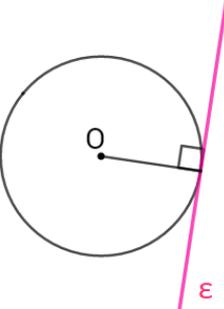
Γεωμετρία: Βασικές γεωμετρικές έννοιες		
Έννοια	Παράδειγμα	Σελίδα
Σημείο A		
Ευθύγραμμο τμήμα AB		
Ευθεία ε		
Ημιευθεία Ax		
Γωνία $\hat{\omega}$		
Ορθή γωνία		
Οξεία γωνία		
Αμβλεία γωνία		
Ευθεία κάθετη προς άλλη		

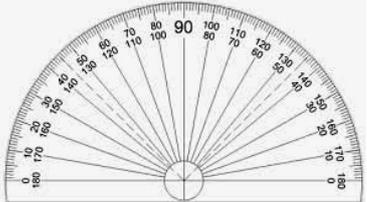
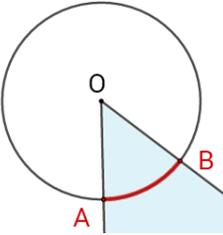
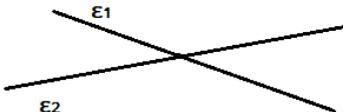
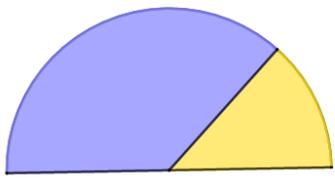
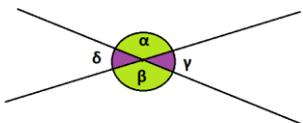
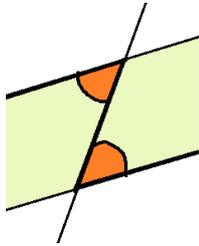
<p>Κύκλος</p>		
<p>Ακτίνα ενός κύκλου</p>		
<p>Διάμετρος</p>		
<p>Χορδή</p>		
<p>Τόξο</p>		
<p>Εφαπτομένη ευθεία</p>		

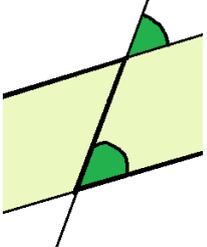
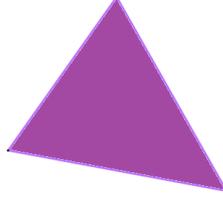
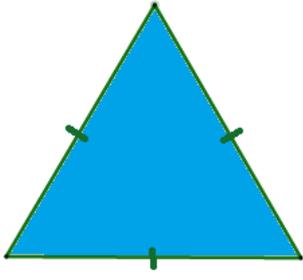
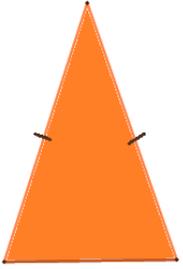
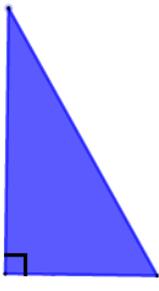
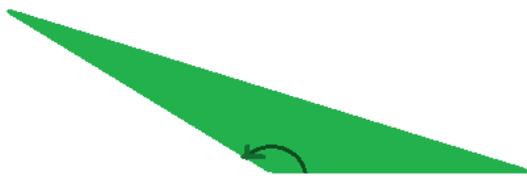
<p>Μοιρογνωμόνιο</p>		
<p>Επίκεντρη γωνία</p>		
<p>Τεμνόμενες ευθείες</p>		
<p>Παράλληλες ευθείες</p>		
<p>Παραπληρωματικές γωνίες</p>		
<p>Κατακορυφήν γωνίες</p>		
<p>Εντός κι εναλλάξ γωνίες</p>		

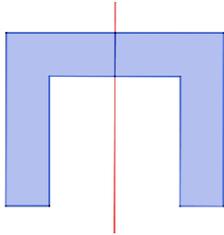
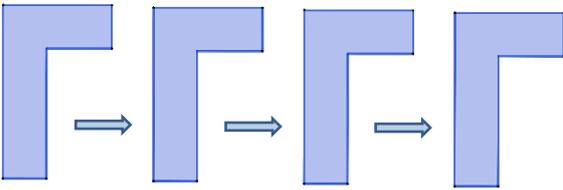
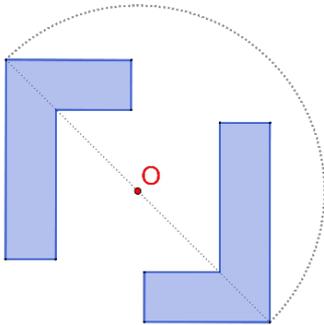
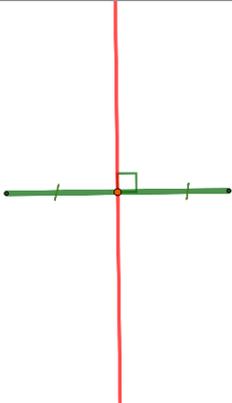
<p>Εντός-εκτός κι επί τα' αυτά γωνίες</p>		
<p>Τρίγωνο</p>		
<p>Ισόπλευρο τρίγωνο</p>		
<p>Ισοσκελές τρίγωνο</p>		
<p>Ορθογώνιο τρίγωνο</p>		
<p>Αμβλυγώνιο τρίγωνο</p>		

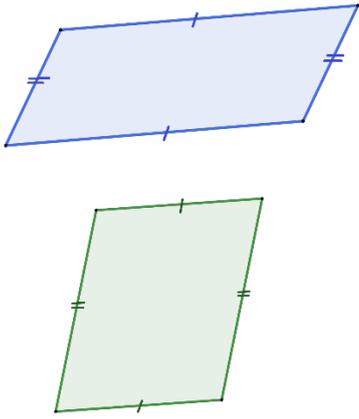
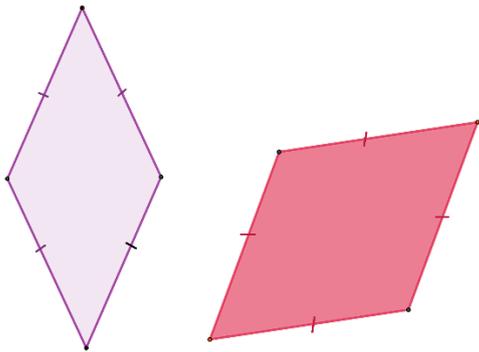
الهندسة: مفاهيم هندسية أساسية		
صفحة	أمثلة	المعاني
		النقطة A
		القطعة المستقيمة AB
		مستقيم $\epsilon$
		شبه مستقيم AX
		زاوية $\hat{\omega}$
		زاوية قائمة
		زاوية حادة
		زاوية منفرجة
		المستقيم العمودي على الثاني

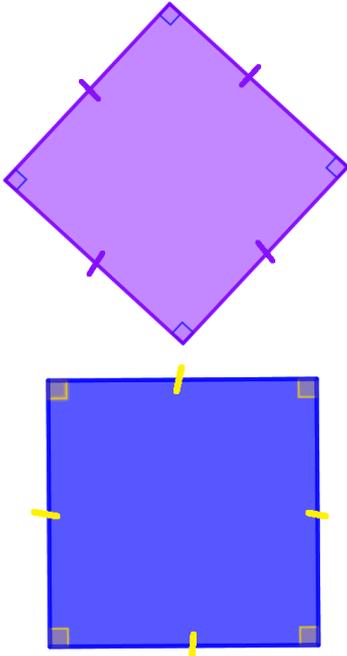
		المركز, نقطة المركز
		نصف القطر
		قطر الدائرة , القطر
		الوتر
		قوس
		خط المماس

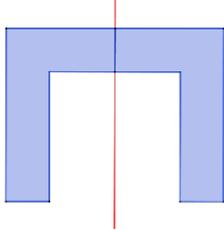
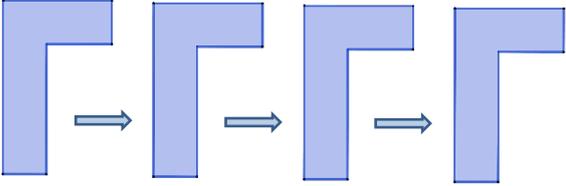
		منقلة
		الزاوية المركزية
		خطوط متقاطعة
		خطوط متوازية
		زاوية تكميلية
		الزاوية المتجاورة
		الزاوية المتبادلة

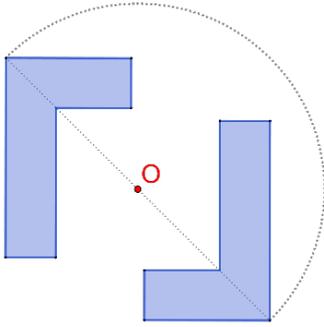
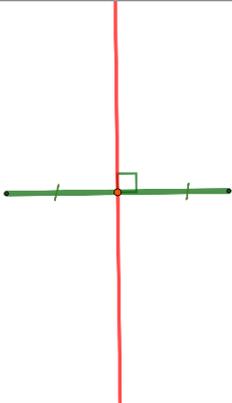
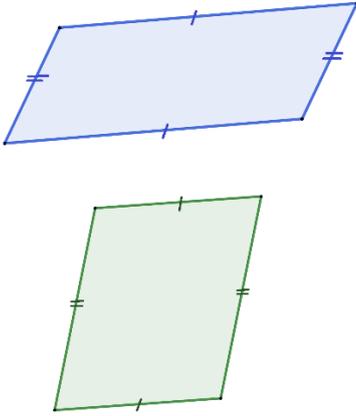
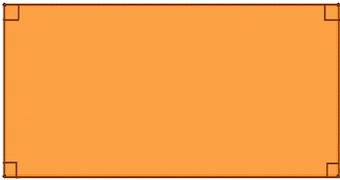
		الزاوية المتناظرة
		مثلث
		مثلث متساوي الاضلاع
		مثلث متساوي الساقين
		مثلث قائم الزاوية
		مثلث منفرج الزاوية

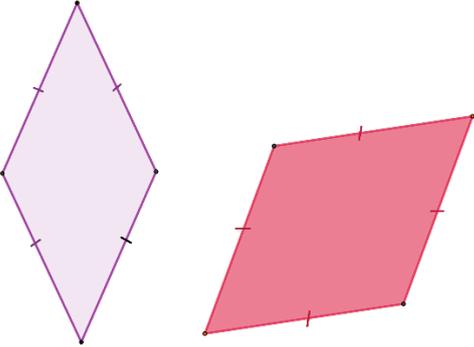
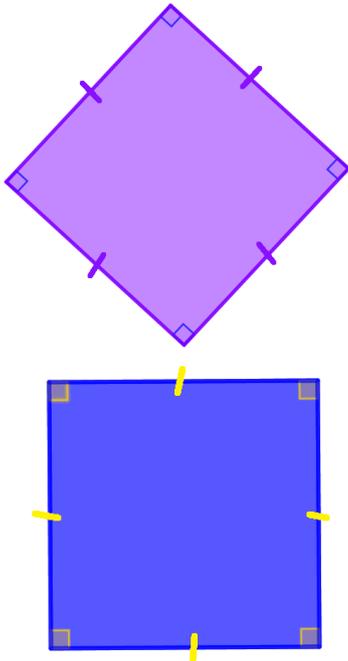
Γεωμετρία: Συμμετρία		
Έννοια	Παράδειγμα	Σελίδα
Αξονική Συμμετρία (καθρέφτης)		
Μεταφορά		
Κεντρική συμμετρία (στροφή 180°)		
Μεσοκάθετος στο ευθύγραμμο τμήμα		

<p>Παραλληλόγραμμο</p>		
<p>Ορθογώνιο παραλληλόγραμμο</p>		
<p>Ρόμβος</p>		

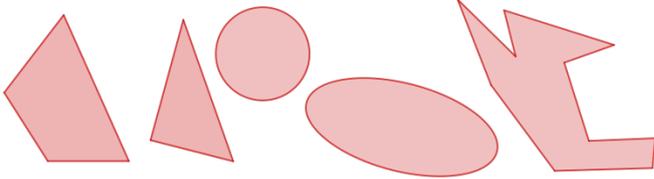
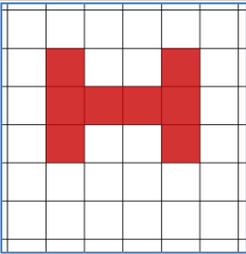
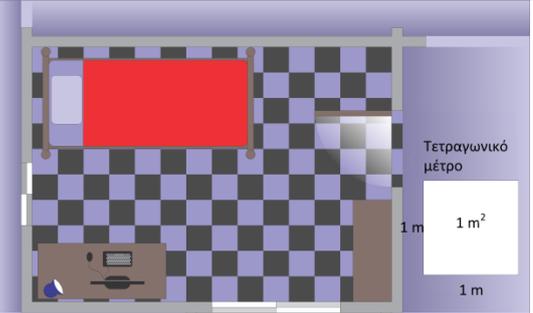
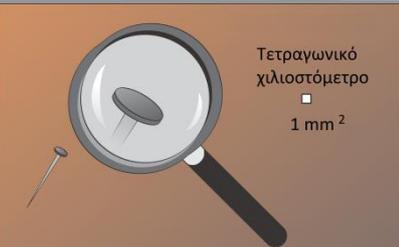
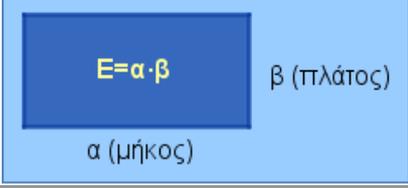
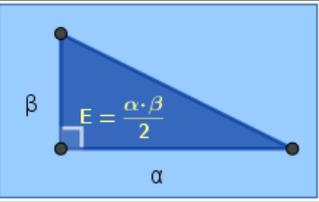
<p>Τετράγωνο</p>		
------------------	--	--

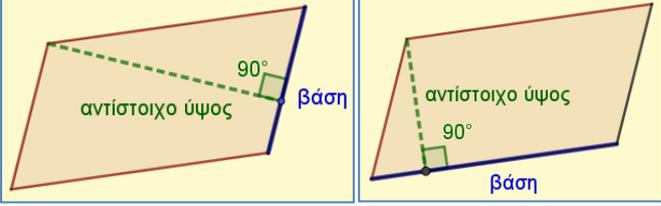
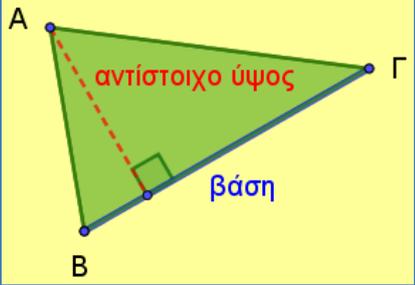
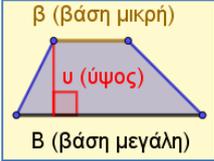
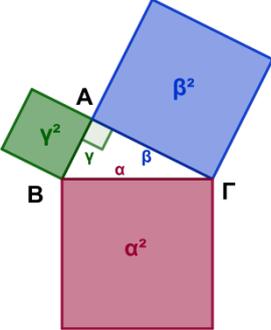
الهندسة: المساحة		
الصفحة	الأمثلة	المعاني
		<p>تناظر محوري (مرايا)</p>
		<p>نقل</p>

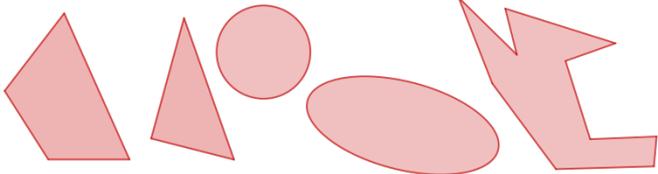
		<p>التناظر المركزي (انعطاف 180 درجة)</p>
		<p>عمودي (متعامد) على المقطع المستقيم و يحدث زاوية قائمة</p>
		<p>متوازي الأضلاع</p>
		<p>مستطيل (ذو أضلاع متوازية)</p>

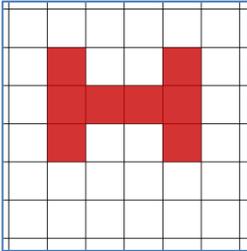
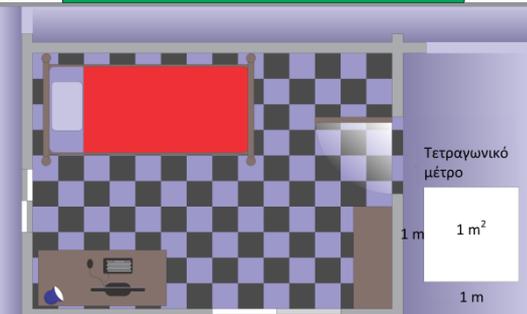
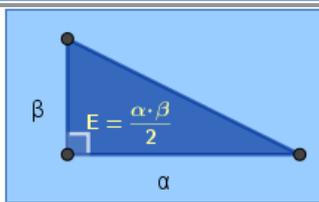
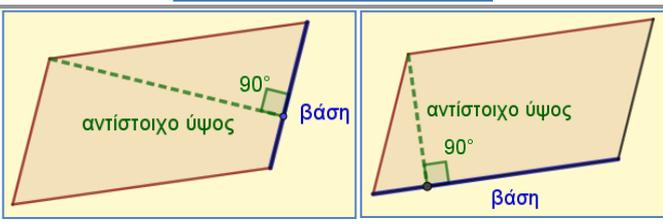
		<p>معين</p>
		<p>المربع</p>

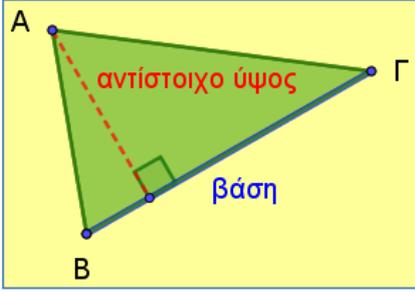
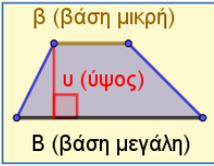
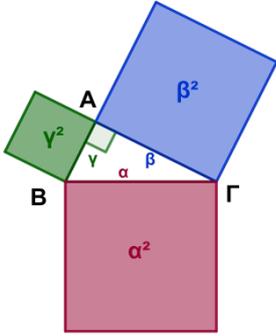
Γλωσσάρι με παραδείγματα

Εμβαδά – Πυθαγόρειο θεώρημα		
Έννοια	Παράδειγμα	Σελίδα
Επιφάνεια		1
Εμβαδόν	$E = 8$  	4
Τετραγωνικό εκατοστόμετρο	 Τετραγωνικό εκατοστόμετρο 1 cm 1 cm <sup>2</sup> 1 cm	4
Τετραγωνικό μέτρο	 Τετραγωνικό μέτρο 1 m 1 m <sup>2</sup> 1 m	5
Τετραγωνικό χιλιοστόμετρο	 Τετραγωνικό χιλιοστόμετρο 1 mm <sup>2</sup>	10
Εμβαδόν ορθογωνίου	 $E = \alpha \cdot \beta$ β (πλάτος) α (μήκος)	5
Εμβαδόν ορθογωνίου τριγώνου	 $E = \frac{\alpha \cdot \beta}{2}$ β α	8

<p>Εμβαδόν παραλληλογράμμου</p>	 <p><math>E = (\text{βάση}) \times (\text{αντίστοιχο ύψος})</math></p>	<p>14</p>
<p>Εμβαδόν τριγώνου</p>	 <p><math>E = \frac{(\text{βάση}) \times (\text{αντίστοιχο ύψος})}{2}</math></p>	<p>18</p>
<p>Εμβαδόν τραπεζίου</p>	 <p><math>E = \frac{(B+\beta) \cdot u}{2}</math></p>	<p>20</p>
<p>Πυθαγόρειο θεώρημα</p>	 <p><math>\alpha^2 = \beta^2 + \gamma^2</math></p>	<p>26</p>

<p>المساحة - نظرية فيثاغورس</p>		
<p>الصفحة</p>	<p>الأمثلة</p>	<p>المعاني</p>
<p>1</p>		<p>السطح الأسطح</p>
<p>4</p>		<p>مساحة المساحة</p>

	$E = 8$ 		
4		<p>Τετραγωνικό εκατοστόμετρο 1 cm 1cm<sup>2</sup> 1 cm</p>	<p>سنتيمتر مربع (سم<sup>2</sup>)</p>
5		<p>Τετραγωνικό μέτρο 1 m 1m<sup>2</sup> 1 m</p>	<p>متر مربع (م<sup>2</sup>)</p>
10		<p>Τετραγωνικό χιλιοστόμετρο 1 mm<sup>2</sup></p>	<p>مليمتر مربع (ملم<sup>2</sup>)</p>
5	<p><math>E = \alpha \cdot \beta</math></p> <p>β (πλάτος)</p> <p>α (μήκος)</p>		<p>مساحة المستطيل</p>
8	 <p><math>E = \frac{\alpha \cdot \beta}{2}</math></p>		<p>مساحة مثلث قائم الزاوية</p>
14	 <p>αντίστοιχο ύψος</p> <p>βάση</p> <p>90°</p> <p>αντίστοιχο ύψος</p> <p>βάση</p> <p>90°</p>	<p><math>E = (\text{βάση}) \times (\text{αντίστοιχο ύψος})</math></p>	<p>مساحة متوازي الأضلاع</p>

18	 $E = \frac{(\beta\acute{\alpha}\sigma\eta) \times (\alpha\nu\tau\iota\sigma\tau\omicron\iota\chi\omicron \ \acute{\upsilon}\psi\omicron\varsigma)}{2}$	مساحة المثلث
20	 $E = \frac{(B+\beta) \cdot u}{2}$	مساحة شبه المنحرف
26	 $\alpha^2 = \beta^2 + \gamma^2$	نظرية فيثاغورس

مساحة شبه المنحرف = ( طول القاعدة الكبرى + طول القاعدة الصغرى ) \times ( ارتفاع ) / 2

ارتفاع الارتفاع

قاعدة Bάση

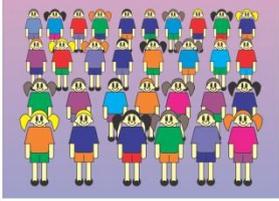
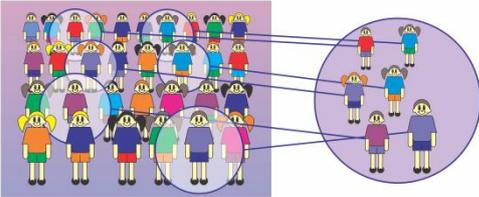
العرض Πλάτος

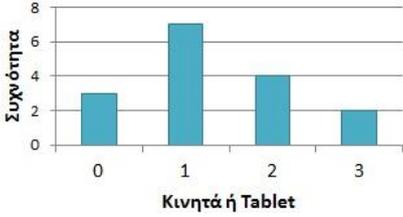
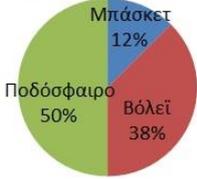
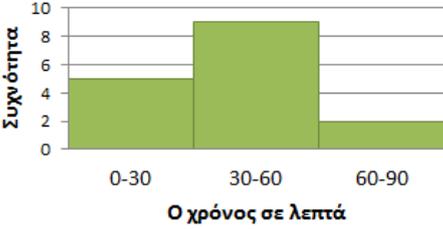
الطول Μήκος

القاعدة الصغرى Bάση μικρή

القاعدة الكبرى Bάση μεγάλη

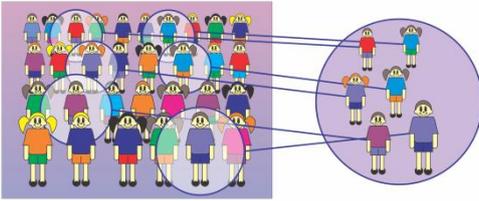
## Γλωσσάρι με παραδείγματα

Στοχαστικά: Στατιστική		
Έννοια	Παράδειγμα	Σελίδα
Ο <b>πληθυσμός</b> μιας στατιστικής έρευνας	Παιδιά 12 με 15 χρονών. 	3
Δείγμα		4
Η <b>μεταβλητή</b> μιας στατιστικής έρευνας	Αυτό <b>που μελετάμε</b> στην έρευνά μας. Π.χ. σε μία τάξη με 16 παιδιά, <ul style="list-style-type: none"> <li>• Ο αριθμός από κινητά ή Tablet.</li> <li>• Το αγαπημένο άθλημα.</li> <li>• Ο χρόνος (σε λεπτά) ομιλίας στο κινητό σε μία μέρα.</li> </ul>	3
Δεδομένα	Οι <b>παρατηρήσεις</b> ή <b>μετρήσεις</b> που έχουμε για τη μεταβλητή. Π.χ. <ul style="list-style-type: none"> <li>• 2, 1, 2, 1, 0, 1, 3, 1, 2, 1, 3, 0, 1, 2, 1, 0.</li> <li>• Μπάσκετ, βόλεϊ, ποδόσφαιρο, βόλεϊ, ποδόσφαιρο, βόλεϊ, μπάσκετ, βόλεϊ, μπάσκετ, βόλεϊ, ποδόσφαιρο, βόλεϊ, ποδόσφαιρο, μπάσκετ, ποδόσφαιρο, ποδόσφαιρο.</li> <li>• 15, 45, 10, 43, 40, 15, 25, 30, 55, 20, 60, 35, 50, 35, 65, 40.</li> </ul>	5
Οι <b>τιμές</b> της μεταβλητής	<ul style="list-style-type: none"> <li>• 0, 1, 2, 3.</li> <li>• Μπάσκετ, βόλεϊ, ποδόσφαιρο.</li> <li>• 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, 43, 45, 50, 55, 60, 65.</li> </ul>	5
Η <b>συχνότητα</b> μιας τιμής	<b>Πόσες φορές</b> έχουμε την τιμή στα δεδομένα. <ul style="list-style-type: none"> <li>• Η συχνότητα της τιμής «3» = 2.</li> <li>• Η συχνότητα της τιμής «βόλεϊ» = 6.</li> <li>• Η συχνότητα της τιμής «30» = 1.</li> </ul>	7
Η <b>σχετική συχνότητα</b> μιας τιμής	$= \frac{\text{συχνότητα}}{\text{αριθμός των δεδομένων}}$ Π.χ. <ul style="list-style-type: none"> <li>• Η σχετική συχνότητα της τιμής «3» = .</li> <li>• Η σχετική συχνότητα της τιμής «βόλεϊ» = <math>\frac{6}{16}</math>.</li> <li>• Η σχετική συχνότητα της τιμής «30» = <math>\frac{1}{16}</math>.</li> </ul>	8

Ομαδοποίηση σε κλάσεις	$10, 15, 15, 20, 25$ , $30, 35, 35, 40, 40, 43, 45, 50, 55$ , $60, 65$ . $0 \leq \text{χρόνος} < 30$ Κλάση «0-30» $30 \leq \text{χρόνος} < 60$ Κλάση «30-60» $60 \leq \text{χρόνος} < 90$ Κλάση «60-90»	16												
Πίνακας συχνοτήτων	<table border="1" data-bbox="708 517 1074 752"> <thead> <tr> <th>Αριθμός από κινητά ή Tablet</th> <th>Συχνότητα</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0</td> <td>3</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>7</td> </tr> <tr> <td>2</td> <td>4</td> </tr> <tr> <td>3</td> <td>2</td> </tr> <tr> <td><b>Σύνολο</b></td> <td><b>16</b></td> </tr> </tbody> </table>	Αριθμός από κινητά ή Tablet	Συχνότητα	0	3	1	7	2	4	3	2	<b>Σύνολο</b>	<b>16</b>	7
Αριθμός από κινητά ή Tablet	Συχνότητα													
0	3													
1	7													
2	4													
3	2													
<b>Σύνολο</b>	<b>16</b>													
Ραβδόγραμμα	<p data-bbox="715 824 1058 853">Αριθμός από κινητά ή Tablet ανά παιδί</p> 	12												
Κυκλικό διάγραμμα	<p data-bbox="767 1155 1023 1184">Το αγαπημένο άθλημα</p> 	13												
Ιστόγραμμα	<p data-bbox="715 1458 1066 1525">Ο χρόνος ομιλίας στο κινητό σε μία μέρα ανά παιδί</p> 	17												

Ο μέσος όρος – Η μέση τιμή	<ul style="list-style-type: none"> <li><math>\frac{2+1+2+1+0+1+3+1+2+1+3+0+1+2+1+0}{16} = 1,3125</math> κινητά/Tablet ανά παιδί.</li> <li><math>\frac{15+45+10+43+40+15+25+30+55+20+60+35+50+35+65+40}{16} = 36,4375</math> λεπτά ομιλίας την ημέρα ανά παιδί.</li> </ul>	20
Το εύρος	<ul style="list-style-type: none"> <li><math>3 - 0 = 3</math> για τα δεδομένα 2, 1, 2, 1, 0, 1, 3, 1, 2, 1, 3, 0, 1, 2, 1, 0.</li> <li><math>65 - 10 = 55</math> για τα δεδομένα 15, 45, 10, 43, 40, 15, 25, 30, 55, 20, 60, 35, 50, 35, 65, 40.</li> </ul>	21

### قائمة المصطلحات مع الأمثلة

تأملات: الاحصاء		
صفحة	الأمثلة	المعاني
3	أطفال من عمر 12 الى 15	تعداد السكان في دراسة احصائية
4		عينة, نموذج
3	ماندرسه في بحثنا مثال: في فصل دراسي مع 16 طفل الرقم من الجوال أو الجهاز اللوحي. الرياضة المفضلة. الوقت (بالدقائق) للتحدث على الهاتف المحمول في يوم واحد.	متغير المسح الإحصائي
5	الملاحظات أو القياسات التي لدينا حول المتغير 0, 2, 1, 1, 0, 3, 1, 2, 1, 3, 0, 1, 1, 2, 1, 2 كرة سلة، كرة طائرة، كرة قدم، كرة طائرة، كرة قدم، كرة طائرة، كرة سلة، كرة طائرة، كرة سلة، كرة قدم، كرة طائرة، كرة قدم، كرة سلة، كرة قدم 15, 45, 10, 43, 40, 15, 25, 30, 55, 20, 60, 35, 50, 35, 65, 40	المعطيات، البيانات

5	0,1,2,3. كرة السلة والكرة الطائرة وكرة القدم 10,15,20,25,30,35,40,43,45,50,55,60,65	قيمة ، سعر المتغير												
7	كم مرة لدينا القيمة في البيانات تكرار القيمة « 3 » = 2 تكرار « الكرة الطائرة » = 6 تكرار القيمة « 30 » = 1	تكرار القيمة												
8	مثال: $\frac{\text{التكرار}}{\text{عدد البيانات}} = \frac{2}{16}$ التكرار النسبي للقيمة « 3 » = $16/2$ التكرار النسبي لقيمة « الكرة الطائرة » = $16/6$ التكرار النسبي للقيمة « 30 » = $16/1$	التكرار النسبي للقيمة ، السعر												
16	10, 15, 15, 20, 25, 30, 35, 35, 40, 40, 43, 45, 50, 55, 60, 65. 0 ≤ سنة < 30 «0-30» صف دراسي 30 ≤ سنة < 60 «30-» صف دراسي 60 ≤ سنة < 90 «60-» صف دراسي	التجميع في مجموعات												
7	<table border="1"> <thead> <tr> <th>التكرار</th> <th>أرقام من تلفون أو جهاز لوجي</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>3</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>7</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>4</td> <td>2</td> </tr> <tr> <td>2</td> <td>3</td> </tr> <tr> <td>16</td> <td>المجموع</td> </tr> </tbody> </table>	التكرار	أرقام من تلفون أو جهاز لوجي	3	0	7	1	4	2	2	3	16	المجموع	جدول التكراري
التكرار	أرقام من تلفون أو جهاز لوجي													
3	0													
7	1													
4	2													
2	3													
16	المجموع													
12	<p>Αριθμός από κινητά ή Tablet ανά παιδί</p> <p>Συχνότητα</p> <p>Κινητά ή Tablet</p>	شريط الرسم البياني ، الرسم البياني بالأعمدة												
13	<p>Το αγαπημένο άθλημα</p> <p>Μπάσκετ 12%</p> <p>Ποδόσφαιρο 50%</p> <p>Βόλεϊ 38%</p>	مخطط دائري												
17		الرسم البياني												

	<p style="text-align: center;"><b>Ο χρόνος ομιλίας στο κινητό σε μία μέρα ανά παιδί</b></p>	
20	<ul style="list-style-type: none"> <li>• <math>\frac{2+1+2+1+0+1+3+1+2+1+3+0+1+2+1+0}{16} = 1,3125</math> /موبايل لكل طفل</li> <li>• <math>\frac{15+45+10+43+40+15+25+30+55+20+60+35+50+35+65+40}{16} = 36,4375</math> دقائق من الكلام في اليوم لكل طفل</li> </ul>	<p>المتوسط ، المعدل الوسطي- متوسط السعر</p>
21	<p>3-0=3 للبيانات 2، 1، 0، 1، 2، 1، 0، 1، 3، 1، 2، 1، 0، 1، 2، 1، 3، 0، 1، 2، 1، 0، 1</p> <p>10-65=55 للبيانات 15، 45</p> <p>10، 43، 40، 15، 25، 30، 55، 20، 60، 35، 50، 35، 65، 40،</p>	<p>النطاق</p>

النطاق





unicef   
for every child



Funded by the  
Asylum, Migration and  
Integration Fund of the  
European Union



ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ  
ΘΕΣΣΑΛΙΑΣ



Αυτή η έκδοση χρηματοδοτήθηκε από την Ευρωπαϊκή Ένωση. Το περιεχόμενό της εκφράζει τις απόψεις των συγγραφέων της και δεν μπορεί να θεωρηθεί ότι αντικατοπτρίζει την επίσημη θέση της Ευρωπαϊκής Ένωσης.